МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ

УО «БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭКОНОМИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Кафедра математических методов в экономике

Специальность «Оптимальное планирование и управление в экономике»

Допущена к защите

Заведующий кафедрой

д-р экон. наук, доц.

­­­­\_\_\_\_\_\_\_\_ Г.О. Читая

31.05.2020

**ДИПЛОМНАЯ РАБОТА**

на тему: **Разработка нейронных сетей и их использование при принятии решений о выдаче кредита (на примере ОАО «Белинвестбанк»)**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Студент  ФЦЭ, 4-й курс, ДКК-1 |  | Ф.А. Кобак |
|  |  |  |
| Руководитель  канд. экон. наук,  профессор |  | Э.М. Аксень |
|  |  |  |
| Нормоконтролер |  | И.В. Денисейко |

МИНСК 2022

**РЕФЕРАТ**

Дипломная работа: c., табл., рис., источников

КЛАССИФИКАЦИЯ, КРЕДИТНЫЙ СКОРИНГ, ИСКУССТВЕННЫЕ НЕЙРОННЫЕ СЕТИ, АЛГОРИМ ОБРАТНОГО РАСПРОСТРАНЕНИЯ ОШИБКИ, ВАЛИДАЦИЯ МОДЕЛИ, ОТБОР ПОКАЗАТЕЛЕЙ, AUC, KS, ТЕСТ КОЛМОГОРОВА-СМИРНОВА

**Объект исследования** – правило классификации кредитополучателей в ОАО «Белинвестбанк».

**Предмет исследования –** модели искусственных нейронных сетей в приложении к задаче классификации.

**Цель работы:** построение нелинейного классификатора для целей кредитного скоринга.

**Методы исследования:** компьютерный анализ данных, машинное обучение.

**Исследования и разработки:** проведен анализ данных о кредитополучателях в разрезе определения факторов влияющих на их способность к определению платежеспособности клиента, создано ряд инструментов позволяющих ускорить работу с данными и построение рассмотренных моделей.

**Элементы научной новизны:** разработан метод оценки индивидуальной классифицирующей способности каждого показателя.

**Область возможного практического применения:** задачи требующие проведения классификации клиентов по собранным данным.

**Технико-экономическая и социальная значимость:** построение моделей, подобных рассмотренным в работе, позволит решить задачи в которых производительности классических методов классификации недостаточно.

Автор работы подтверждает, что приведенный в ней расчетно-аналитический материал правильно и объективно отражает состояние исследуемого процесса, а все заимствованные из литературных и других источников теоритические, методологические и методические положения и концепции сопровождаются ссылками на их авторов.

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**ABSTRACT**

Term work: p., tables, fig., resources, supp.

CLASSIFICATION, CREDIT SCORING, ARTIFICIAL NEURAL NETWORKS, BACKWARD ERROR PROPAGATION ALGORITHM, MODEL VALIDATION, FIATURES SELECTION, AUC, KS, KOLMOGOROV-SMIRNOV TEST

**The object of study** – classification rule of borrowers in JSC «Belinvestbank».

**The subject of research –** models of artificial neural networks in attached to classification task.

**Objective:** fitting of nonlinear classifier for purposes of credit scoring.

**Methods:** computer data analysis, machine learning.

**Research and development:** realized analysis of data on borrowers in the context of determining the factors affecting their ability to determine the solvency of the client, created a number of tools to accelerate the work with the data and the construction of models considered.

**Elements of scientific novelty:** developed evaluation method of individual classifying ability of each feature.

**The area of ​​possible practical applications:** tasks required classification of clients based on data.

**Technical, economic and social significance:** fitting models, closed to researched in work, gives an opportunity to solve problems which requires more performance than classic classification algorithms can give.

Author work confirms that resulted in her material correctly and objectively reflects the state of the test process, and all borrowed from the literature and other sources of theoretical and methodological principles and concepts are accompanied by references to their authors.

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**СОДЕРЖАНИЕ**

[ВВЕДЕНИЕ 5](#_Toc101211762)

[1. Теория моделей искусственной нейронной сети в задаче классификации 6](#_Toc101211763)

[1.1 Постановка задачи 6](#_Toc101211764)

[1.2 Модель логистической регрессии – линейный классификатор 8](#_Toc101211765)

[1.3 Модель искусственной нейронной сети в классификации 15](#_Toc101211766)

[1.4 Целевые функции и алгоритм обратного распространения ошибки 22](#_Toc101211767)

[2. Анализ и подготовка данных 29](#_Toc101211768)

[2.1 Начальный анализ наблюденных данных 29](#_Toc101211769)

[2.2 Оценка классифицирующей способности и отбор предикторов 36](#_Toc101211770)

[3. Построение и валидация модели 50](#_Toc101211771)

[3.1 Программное описание модели и алгоритма обучения 50](#_Toc101211772)

[3.1.1 Основные элементы модели в pytorch 50](#_Toc101211773)

[3.1.2 Реализация алгоритма обучения 52](#_Toc101211774)

[ЗАКЛЮЧЕНИЕ 54](#_Toc101211775)

[ПРИЛОЖЕНИЕ А Визуализация сигмоиды двух переменных 56](#_Toc101211776)

[ПРИЛОЖЕНИЕ Б Архитектуры с сигмоидой на выходном слое 57](#_Toc101211777)

[ПРИЛОЖЕНИЕ В Обобщённые программные функции процессинга данных 58](#_Toc101211778)

[ПРИЛОЖЕНИЕ Г Данные на разных этапах обработки 62](#_Toc101211779)

[ПРИЛОЖЕНИЕ Д Графическая интерпретация TP, FP 75](#_Toc101211780)

[ПРИЛОЖЕНИЕ E ROC анализ для номинативной переменной 77](#_Toc101211781)

[ПРИЛОЖЕНИЕ Ж ROC анализ данных для модели 79](#_Toc101211782)

[ПРИЛОЖЕНИЕ З Алгоритм оценки параметров 88](#_Toc101211783)

# ВВЕДЕНИЕ

# Теория моделей искусственной нейронной сети в задаче классификации

# 1.1 Постановка задачи

Рассматриваемые в этой работе методы, на ряду с некоторыми другими, предназначены для решения задач классификации. Задачей классификации называется задача в которой требуется определить способ отнесения некоторых объектов к некоторым группам (классам).

Такие задачи разбиваются на два вида – те для которых известно число классов и те для которых число классов заранее неизвестно. В этой работе рассматриваются только задачи первого вида.

Особенностью описного типа задач является наличие предсказываемого фактора Y. То есть, для каждого объекта из изучаемой совокупности имеется признак который может принимать значения :

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.1) |

Предположим, имеются наблюдения за некоторым явлением или процессом которые можно представить подобно таблице 1.1.

**Таблица 1.1 – Исходная система данных**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| i | *Y* | *X*1 | *X*2 | … | *X*m |
| 1 | *y*1 | *x*11 | *x*12 | … | *x*1*m* |
| 2 | *y*2 | *x*21 | *x*22 | … | *x*2*m* |
| … | … | … | … | … | … |
| *n* | *y*n | *xn*1 | *xn2* | … | *xnm* |

Примечание – Источник: собственная разработка.

Где по строкам расположились наблюдения, а по столбцам некоторые переменные для этих наблюдений. На основе этих данных формируется правило, которое позволяет, получив произвольный набор значении переменных , наиболее точно, в некотором смысле, предсказать значения . В литературе это правило нередко обозначается так:

Это очень распространённая задача для прикладной статистики и машинного обучения, встречающаяся во многих сферах жизни: задача определения диагноза по симптомам и анализам; разбиение электронной почты на действительную и спам; задачи распознавания рукописного текста и множество других.

Итак, была получена задача, в которой имеется набор наблюдений с откликом *Y*, аналогичная задача решается классическим регрессионным анализом, разница лишь в типе отклика – для обычной регрессионной модели он численная переменная, в нашем же случае номинативная (категориальная).

Номинативной называют переменную, для которой не определены ни порядок, ни шкала[1 с.316]. Под отсудившем шкалы понимается, что мы не можем как-либо определить расстояние между двумя различными значениями переменной, например, если предсказывается факт возврата или невозврата кредитополучателем задолженности, нет никакой возможности показать на сколько возврат «выше» или «ниже» невозврата. Понятие порядка переменной будет более подробно раскрыто в третьем подразделе, когда речь пойдет о упорядоченной модели логистической регрессии.

Описанная разница в типе отклика и порождает непригодность использования классической регрессионной модели.

Рассмотрим задачу бинарной классификации – отклик может принимать лишь два значения (*K=2*), для простоты обозначим события (1.1) каким-либо числами, обычно используется:

После оценивания будет получено регрессионное уравнение следующего вида:

где – оценка коэффициента регрессии;

– оценка свободного члена;

– случайная ошибка.

Отдельного обсуждения достойна переменная , она представляет собой оценку вероятности того, что исследуемый объект принадлежит к классу советующему числу 1. Тут возникает первая проблема такого подхода – нет никаких оснований чтобы , что в корне неверно для понятия вероятности. Наглядная иллюстрация этой проблемы представлена на рисунке 1.1 слева – две выборки распределены вдоль некоторой переменной x, притом для тех для которых , значения *х* заметно выше, построив регрессионную прямую наглядно убеждаемся в том, что ряд наблюдений получают оценки вероятности за границами нуля и единицы.



**Рисунок 1.1 – Оценки вероятностей через линейную регрессионную модель**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

На рисунке 1.1 справа наглядно представлена еще одна проблема описанного подхода – к той же выборке, которая обсуждалась выше, был добавлен ряд наблюдений с уровнем исследуемого фактора соответствующим , с заметным смещением в большую сторону по фактору *х*. Регрессионная прямая в таком случае сместилась и заметно хуже предсказывает вероятности для старых наблюдений – вся группа советующая , получила оценки вероятностей того, что они принадлежат группе , в районе 0,4, что вообще говоря достаточно плохо для такого простого примера. Пример того как с аналогичной задачей справиться логистическая регрессия будет представлен в следующем подразделе.

Более того, такая модель плохо обобщается для случая, когда требуется решение для задачи не бинарной классификации. [2 c.145]

Наличие всех описанных проблем при использовании регрессионного анализа для моделирования процесса с номинативным откликом и вызвало потребность в разработке специальных методов классификации, одним из которых является логистическая регрессия, рассматриваемая в следующем подразделе.

# 1.2 Модель логистической регрессии – линейный классификатор

Отталкиваясь от того, что было сказано в прошлом разделе, проведем ряд рассуждений, которые приведут к модели логистической регрессии, для задачи бинарной классификации.

Обозначим вероятность того, что исследуемый признак примет значение как . Одной из ключевых проблем в данном случае является то что , в то время как отклик в модели регрессионного анализа принимает значение .

Введём понятие шанса события, шансом появления некоторого события называется отношение вероятности появления этого события к вероятности появления любого другого совместного события. В нашем случае справедливо:

Несложно показать, что . Пользуясь свойствами логарифма получим, что , а такая переменная уже хороший кандидат, для того чтобы быть описанной методом линейной регрессии. Таким образом идея логистической регрессии предлагает предсказывать не вероятность того что , а логарифм отношения шансов этого события. Логарифм отношения вероятностей в дальнейшем будет называть логит функцией.

Для краткости последующих записей обозначим:

Получим аналитическую запись рассматриваемой модели. Запишем теоретическую линейную модель предсказывающую логарифм отношения шансов:

Имея значение логарифма отношения шансов легко получить искомую вероятность. Сначала проведем потенцирование рассматриваемого выражения:

Используя свойства натурального логарифма, получим:

Решив это уравнение относительно , получим общую запись модели логистической регрессии:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.2) |

Выражение (1.2) и есть модель логистической регрессии для случая бинарной классификации[3 c.32]. Функция, лежащая в основании этой модели, соответствует функции логистического распределения и имеет два ключевых полезных для рассматриваемой задачи свойства: во-первых, она принимает значения в диапазоне от нуля до единицы, во-вторых она принадлежит к классу сигмовидных функций, то есть это гладкая, возрастающая функция, имеющая на графике форму буквы «S». В литературе распространено название – сигма функция или сигмоида и в общем она записывается так:

Вернемся к примеру, из предыдущего раздела и посмотрим, как логистическая регрессия справиться с поставленной задачей. На рисунке 1.2 синими точками по-прежнему обозначены сгенерированные наблюдения, красной линией теперь обозначаются оценки вероятностей для различных значений предиктора *х*, полученные по модели подобной (1.2). Как видно обе обозначенные проблемы решены, предсказания лежат строго в пределах от нуля до единицы, и смещенная выборка почти не влияет на качество модели.



**Рисунок 1.2 – Оценки вероятностей через логистическую регрессионную модель**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Рассмотрим более обобщённый вариант – когда предсказываемая переменная не бинарна, а имеет более двух уровней. Такую модель принято называть мультиномиальной логистической регрессией.

В данном случае предсказываемый фактор будет закодирован, так:

В данном случае нам понадобиться *K*-1 логит функции. Кроме того, надо выбрать базовый уровень выходной переменной, пусть, не нарушая общности, это будет *Y*=0. Для такого случая логиты можно записать так:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.3) |

Притом, каждый из них будет описываться предикторами в соответствии со следующим правилом:

Чтобы получить в данном случае запись, подобную выражению (1.2) для биномиальной регрессии, потребуется поработать с системой (1.3). Для начала проведем потенцирование каждого уравнения системы:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.4) |

Теперь из одного уравнения выразим , пусть, не нарушая общности, это будет первое уравнение:

Используя определение полной вероятности, получим:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.5) |

Из оставшихся уравнений системы (1.3) получим:

|  |  |
| --- | --- |
| . | (1.6) |

Перенеся левую часть выражения (1.5) приведя и общему знаменателю, положив его неравным и вынеся за скобки, получим:

Выражая от сюда получим:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.7) |

Вообще говоря, выражение (1.6) будет справедливо и при *k*=1, потому подставляя туда (1.7), легко получим вероятности появления других уровней исследуемого признака:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.8) |

Выражения (1.7) и (1.8) – самая общая запись логистической регрессии. Для удобства последующих записей, предполагая что , запишем одной формулой:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.9) |

Сразу повторюсь, для заострения внимания – вероятность проявления каждого возможного уровня отклика имеет свою функцию от параметров и входных данных . Заметим, что оценки коэффициентов и , получают методом максимального правдоподобия.

Теперь поговорим о том, почему методы машинного обучения в задачах классификации не остановились на логистической регрессии. В литературе можно встретить утверждение: «модель логистической регрессии – линейный классификатор». На первый взгляд может показаться, что это утверждение неверно, ведь выражение (1.2) никак не назвать линейным входного набора данных и сигмоида на рисунке 1.2 в целом кривая. Дело тут кроется в принципе принятия решения о отнесении наблюдения к тому или иному классу. Данное явление лучше всего рассматривать на примере двумерной задачи.

На рисунке 1.3 представлена диаграмма рассеяния опять же сгенерированных случайных данных. Данные двумерные и разделяются на два класса.



**Рисунок 1.3 – Диаграмма рассеяния двумерных классифицированных данных**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

По прежнему, нет никакой сложности в том, чтобы провести вручную линию с полной точностью отделяющую один класс от другого (хотя, в отличии от одномерно примера, уже понадобиться знания аналитической геометрии чтобы записать классифицирующее правило). Однако, в целях изучения метода, взглянем на то как с этой задачей справиться логистическая регрессия. На рисунке А.1 двумерный аналог рисунка 1.2 – соответствующая рассматриваемому примеру двумерная сигмоида. На нее нанесены наблюдения с рисунка 1.3.

Из рисунка понятно, что можно подобрать такую высоту что бы точки принадлежащие отдельным классам были разделены, а соответствующая линия уровня «упадет» на рисунок 1.3 так что идеально разделит классы и в отрыве от высоты сигмоиды. Покажем, что такая линия уровня будет линейной – она возникает при сигмоиде равной :

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.10) |

Требуется разрешить уравнение относительно выражения под сигмоидой. Такую операцию мы уже продевали раньше, только наоборот, потому просто запишем результат:

Заметив, что правая часть выражения константа, скажем, что разделяющая линия уровня линейна.

Тут и рождается «почва» для дальнейшей эволюции методов классификации связанных с логит функцией. Как и ранее рассмотрим пример с которым данный метод справится плохо – рисунок 1.4.



**Рисунок 1.4 – Диаграмма рассеяния двумерных классифицированных данных при нелинейном принципе классификации**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Слева все та-же диаграмма рассеяния, только несколько изменены принципы классификации. По по-прежнему можно вручную записать правило разделяющее классы, только в этот раз это будет не единственные уравнение прямой, но кусочно-линейная функция.

На этих данных была построена модель логистической регрессии. Выбрав по принципу наибольшей разности между распределениями классов по (этот принцип будет раскрыт в последующих главах) и использовав (1.10) мы получили уравнение описывающее дискриминирующую прямую, так же нанесенную на график.

На рисунке справа более броско выделены ошибки модели. Как видно модель логистической регрессии, как и любая другая линейная модель с таким случаем справляется не идеально (хотя задача достаточно простая). Решение заключается в том, чтобы включить в модель некоторую нелинейность.

Этот подраздел посвящен логистической регрессии – модели которая не является целевой для данной работы, однако идеи в ней лежащие важны для полного раскрытия темы. Описаны плюсы по сравнению с линейной регрессией и выведены формулы позволяющие записать модель аналитически. Особо важной для дальнейшего повествования является логит функция (сигмоида, обратная функция логистического распределения). Показано на примере, почему логистическая регрессия является линейным классификатором и описаны причины дальнейшей эволюции методов классификации.

# 1.3 Модель искусственной нейронной сети в классификации

Как и любая другая математическая модель нейронная сеть может быть записана как система уравнений, но куда проще и понятнее рассматривать её как своеобразный граф по ребрам которого «текут» данные и преобразуются в узлах.

Базовой единицей выступает нейрон – узел графа. Раскроем его сруктуру. На рисунке 1.5 схематично представлен искусственный нейрон.



**Рисунок 1.5 – Схема искусственного нейрона**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка на основе [4 с.52].

Стрелки входящие в нейрон называют входными активациями. По сути просто число для отдельного примера с которым работает модель. Функция называется сумматорной, она отвечает за восприятие нейроном входных активаций. Функция – активационная (придаточная функция) отвечает за формирование выходной активации. Обозначение на описываемой диаграмме представляет выходную активацию нейрона.

Фактически нет ограничений на вид сумматорной и активационной функций, но в качестве сумматорной функции как правило используется просто линейная комбинация входных активаций:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.11) |

где – *i-я* входная актвация;

– вес *i-й* входной активации;

­– свободный член.

В данной работе не рассматривается моделей с сумматорной функцией другого вида, потому, впереть, при любом упоминании сумматорной функции имеется ввиду выражение (1.11). Давайте, для краткости записи за таким выражением по умолчанию, просто закрепим обозначение . А рисунок 1.5 примет вид как на рисунке 1.6.



**Рисунок 1.6 – Схема искусственного нейрона при линейной сумматорной функции**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Даже в базовой литературе в области нейронных сетей разнообразие активационных функций куда шире. Можно сказать, что в случае схемы 1.6 вид нейрона полностью определяется видом его активационной функции.

В этой работе используются лишь два вида нейронов: сигмоидальный и ReLU.

С активационной функцией сигмоидального нейрона мы уже встречались раньше, это ничто иное как обычная сигмоида:

Опишем свойства сигмоидального нейрона которые для нас несут особую важность

ReLU (Rectified linear unit) нейрон имеет активационную функцию вида:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.12) |

Теперь о важных свойствах ReLU нейрона.

Набравшись некоторой теории касательно аналитической записи отдельных нейронов и важных их свойств перейдем к рассмотрению того как нейроны объединяют в нейронные сети.

Выделяют ряд нейросетевых архитектур, но самая простая – архитектура прямого распространения. Слоем нейронной сети, в контексте сетей прямого распространения, будем называть множество нейронов одного типа, получающих информацию только от нейронов предыдущего слоя и передающих информацию только нейронам следующего слоя. Слои выстраиваются один за другим и формируют цепочку преобразований входных данных. Далее любая сеть о которой пойдет речь будет предполагаться сетью с архитектурой прямого распространения.

В общем такая нейросетевая архитектура может быть представлена в виде рисунка 1.7:



**Рисунок 1.7 – Обобщённая нейросетевая архитектура**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка на основе [4 c. 95].

Входной слой (нулевой слой, слой с номером 0) это даже не в полной мере нейроны – это представление на рисунке того как в модель попадают входные данные. Все последующие слои с номерами от *1-го* до *(L-1)-го* называют внутренними слоями нейронной сети. Активации выходного (слой с номером *L*) слоя представляют собой предсказания нейронной для данных заявленных во входном слое.

Более детально рассмотрим взаимодействие соседних слоев сети в терминах введенных выше. Обозначим – вес выходной активации *i-го* нейрона *(l-1)-го* слоя в суммарной функции *j-го* нейрона *l-го* слоя. В этом обозначении легко запутаться, потому при необходимости можно посматривать на рисунок 1.8:



**Рисунок 1.8 – Обозначения связывания соседних слоев**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

В целом, процесс идентификации нейронной сети и заключается в выборе последовательности слоёв нейронов различных видов и числа нейронов входящих в каждый из слоев. Не возникает сомнений, что архитектура искусственной нейронной сети может принимать очень разный вид, особенно для различных задач, но даже одна и та-же задача может иметь несколько обоснованных архитектур.

В этой работе будет рассмотрена архитектура, которую можно рассматривать как развитие идеи логистической регрессии, перейдем к ее описанию.

В предыдущем разделе было показано, почему логистическая регрессия является линейным классификатором и обоснована необходимость добавления некоторой нелинейности в названную модель.

Возвращаясь к сигмоидальному нейрону получается, что модель логистической регрессии может быть представлена как нейронная сеть без скрытого слоя. Для биномиальной логистической регрессии такая архитектура представлена на рисунке Б.1. Для перехода к мультиномиальной достаточно добавить в выходной слой столько нейронов сколько имеется классов. Можно дорисовать мультиномиальную

Основная идея рассматриваемой в этой работе архитектуры состоит в том, чтобы добавить в модель скрытые слои содержащие ReLU нейроны. Схематично такая архитектура представлена на рисунке Б.2. Получится, что если выразить сумматорную функцию выходного слоя через веса соединяющие различные слои и активации входного слоя, то под сигмоидой станет кусочно-линейная функция, что обеспечит некоторую нелинейность при принятии решения.

Для простоты рассмотрения механизмов запрятанных в этой модели вернемся к примеру из предыдущего раздела с которым логистическая регрессия справилась плохо. На рисунке 1.9 представлена та-же задача, пока сконцентрируемся на графике слева.



**Рисунок 1.9 – Решение задачи с помощью нейронной сети**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Теперь на график нанесены линии соответствующие уравнениям которые я положил в принцип распределения по классам. Заметим, что таких линии всего две. Забегая вперед, скажем, что для решения такой задачи, достаточно нейронной сети с одним скрытым слоем и всего двумя нейронами в нем, как на рисунке 1.10.

Распишем аналитически, эту модель. Сигмоиду которая является последним преобразованием этой модели подробно обсудили выше, потому сразу начнем с записи сумматорной функции выходного слоя .

где – значение сумматорной функции *i-го* нейрона *j-го* слоя;

­– свободный член *L-го* слоя.



**Рисунок 1.10 – Нейронная сеть для кусочно-линейной классификации**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Используя определение ReLU функции (1.12) можно последнюю формулу разложить на четыре случая:

|  |  |
| --- | --- |
|  | (1.13) |

Для решеная задачи классификации будет хорошо если каждая область по штриховке на рисунке на рисунке получит свой вид решающего правила – получиться так, что, например, область синих точек отделенная обеими дискриминирующими линиями будет получать вероятности принадлежности ко второму классу по своему отдельному уравнению которое сформируется так чтобы дать наименьшие вероятности. Аналогично, но менее однозначно, вероятности будут формироваться для областей с единственной штриховкой. Для области без штриховки, очевидно, правило должно выстроиться так, чтобы давать наибольшие вероятности.

Зная законы по которым формировалась выборка из примера можно согласовать веса первого слоя так, чтобы каждому случаю из формулы (1.13) соответствовала своя область рисунка. Это можно сделать несколькими способами, но пусть незаштрихованной области соответствует первый первый, области с наклоненной влево штриховкой второй, вправо – третий и области с двумя штриховками остаётся четвертый.

Покажем, как провести данное согласование для такого рисунка, хотя в общем это может выглядеть по другому – все зависит от того как проведены дискриминирующие линии.

На легенде рисунка обозначены уравнения дискриминирующих линий, начнем с первого. В данном случае области с наклонённой влево штриховкой соответствует неравенство:

Потому присвоив весам нейронной сети , и свободному члену первого нейрона первого слоя , получим, что второй случай формулы (1.13) действительно соответствует области с наклоненной влево штриховкой.

Области с наклонённой вправо штриховкой соответствует неравенство:

Потому присвоив весам нейронной сети , и свободному члену второго нейрона первого слоя , получим, что третий случай формулы (1.13) действительно соответствует области с наклоненной вправо штриховкой.

При описанном выше распределении весов области с двумя штриховками автоматически будет соответствовать последний случай формулы (1.13). Так получиться, что первый слой идеально разделит область наблюденных данных на четыре части, что обеспечит такую ситуацию, что сигнал в выходной нейрон будут подавать только наблюдения обозначенные синим.

Выше было обозначено, что в рамках этого примера мы будем моделью оценивать вероятность того, что конкретное наблюдение принадлежит к второму классу обозначенному красным. Для того, чтобы оценки вероятностей области без штриховки были выше нежели любые другие, можно весам второго слоя присвоить любые отрицательные значения – положительный сигнал выходящий из первого слоя в результате попадания в модель любого «синего» наблюдения будет помножаться на отрицательное число и занижать сумматорную функцию и, как следствие, занижать оценки вероятностей первого класса, чего мы и добивались. В данном случае свободный член сумматорной функции выходного нейрона может принимать любое значение – все равно механизм описанный выше будет занижать оценки вероятностей для любого наблюдения из первого класса относительно наблюдений из второго класса, что обеспечит нам стопроцентную точность классификации.

Всё это мы вели к тому, что можно моделью нейронной сети архитектуры представленной на рисунке 1.10 добиться идеальной классификации рассматриваемой задачи – ограничения логистической регрессии преодолены.

Однако в любой реальной задаче классификации принципы разделения на классы, конечно, неизвестны, потому веса и свободные члены каждого слоя оцениваются статистически. На рисунке 1.9 справа показана работа реально обученной только на статистических данных нейронной сети. Для каждого наблюдения мы вычислили сумматорные функции нейронов первого слоя и обозначили на рисунке формой и цветом как они распределились по знаку названной функции. Присмотревшись к такой диаграмме рассеяния мы заметили, что без ошибок не обошлось – они выделены на рисунке чёрными кружками.

При построении моделей опирающихся на искусственные нейронные сети кроме множества возможностей для идентификации нейронной сети, существуют возможности настройки алгоритма обучения, что может вести вообще говоря, к различным моделям. Модель для поставленной задачи, точно можно привести к идеальной классификации, но этот пример нам даже на руку, можно показать роль, которую в финальном решении играют веса выходного слоя.

Как зависят предсказываемые вероятности от конкретной точки в системе координат представлено на рисунке А.2 – сигмоида состоящая из двух участков под разными углами. И несмотря на то, что ряд пограничных точек приводят к формированию сигнала в выходной слой (хотя по заложенным закономерностям недолжны), веса и свободный член выходного слоя придали им большую сумматорную функцию выходного слоя, нежели для наблюдений «синего» класса. Это привело к тому что все точки относящиеся ко второму классу на графике А.2 выше нежели точки первого класса – от сюда, правильно выбрав высоту , можно добиться 100% точности классификации.

Этот подраздел работы вводит понятие искусственной нейронной сети, с краткими наиболее общими идеями лежащими в основе этой группы моделей. Нейронная сеть представляет собой последовательность преобразований входных сигналов, каждое из которых в своей сумматорной функции сочетает выходные сигналы предыдущего слоя и к этому сочетанию применяет активационную функцию результат которой отправляется в сумматорные функции следующего слоя или, для выходного слоя, формирует предсказание модели. Далее вводиться архитектура нейронной сети в которой скрытые слои представляют собой ReLU функции а выходной слой содержит сигмоидальный нейрон. На примере подробно раскрыты механизмы почему эта модель работает, как она связана и развивает идеи модели логистической регрессии.

В этом разделе основное внимание было уделено тому как названная модель применяется для известной закономерности, но на практике закономерности неизвестны, а имеются лишь наблюденные данные и идентификацию и оценку параметров надо производить в этих условиях. В следующем разделе описаны идеи как производиться оценка параметров, а более детальная идентификация модели в контексте нейронных сетей лучше всего раскрывается на практике, и будет представлена в третьей главе.

# Целевые функции и алгоритм обратного распространения ошибки

Процесс оценки коэффициентов в контексте нейронных сетей принято называть обучением модели.

Ключевым пунктом является выдвижение некоторого правила которое оценивает насколько модель соответствует наблюденным данным – целевую функцию. В общем, требуется ввести функцию:

где – реально наблюденный вектор предсказываемого явления;

­– вектор текущих предсказаний.

Очевидно, что вектор предсказаний формируется данными, проходящими через модель т.е. правомерна запись:

|  |  |
| --- | --- |
| где – | реальное множество наблюдений за факторами для которых предполагается влияние на ; |
| –ф | множество коэффициентов которые на разных этапах оказывают влияние на отклик вычисляемый моделью. |

Итак окончательно обобщённая целевая функция примет вид:

Она должна быть тем больше, чем сильнее отличаются наблюденные и предсказанные значения. Нам выгодно, чтобы полученные предсказания были максимально похожи на наблюденные, потому нам тем лучше чем меньше эта функция.

В контексте рассматриваемого вопроса можно сказать, что множества *X* и *Y* неизменны (хотя некоторые продвинутые обучающие алгоритмы могут использовать на разных стадиях обучения разные подмножества этих множеств).

Приходим к тому, что необходимо подобрать такие коэффициенты , чтобы целевая функция была минимальна, или более формально:

По выводам предыдущего подраздела очевидно, что в случае нейронной сети – нелинейная функция, да и все широко применяемые целевые функции также не линейны, потому очевидно, что перед нами стоит задача нелинейной оптимизации.

Для решения таких задач широко распространена группа методов основанных на градиентном спуске. Основная идея этих методов заключается в том, чтобы постепенно от некоторой выбранной начальной точки двигаться в направлении наискорейшего убывания .

В методах градиентного спуска используется свойство антиградиента функции, которое утверждает, что функция в каждой точке убывает быстрее всего в направлении её антиградиента, который определяется так:

|  |  |
| --- | --- |
| где – | некоторый отдельный коэффициент модели . |

Возвращаясь к искусственным нейронным сетям приходим к тому, что единственная сложность реализации этого алгоритма заключается в том, чтобы получить частные производные по всем весам. К решению этой проблемы призван метод обратного распространения ошибки. Будем его рассматривать как надстройку над методами градиентного спуска.

В процессе разъяснения принципа метода обратного распространения ошибки нам пригодится рисунок 1.11.



**Рисунок 1.11 – Связь соседних слоев**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

И некоторые обозначения. Матрица весов *(l+1)-го* слоя

Вектор из весов помножаемых на *j-ю* активацию *l-го* слоя, это-же столбец *j* матрицы весов *(l+1)-го* слоя

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.14) |

И так называемая, ошибка *j-го* нейрона *l-го* слоя, определяемая так:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.15) |

Выясним взаимосвязь ошибок *l-го* и *(l+1)-го* слоёв. Для того придадим некоторое малое приращение активации и посмотрим какое приращение при этом получат сумматорные функции *(l+1)-го* слоя. В силу линейности сумматорных функции приращение для составит .

Пользуясь свойством, что при достаточно малом приращении аргументов соответствующее приращение функции близко к скалярному произведению градиента и вектора приращений аргументов получаем:

Или используя свойство ассоциативности скалярного произведения, обозначения (1.14) и (1.15):

где – вектор из значений сумматорной функции *(l+1)-го* слоя;

­– вектор ошибок *(l+1)-го* слоя.

Разделив обе части уравнения на , устремив его к нулю и вспомнив, что это приращение активационной функции запишем:

Далее вспоминая, что , функция от можно сказать и используя правило дифференцирования сложной функции:

Опять обратившись к (1.15) и переходя к матричной форме записи, получим:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.16) |

Формула (1.16) самый важный вывод метода обратного распространения ошибки, собственно она отражает название метода – каждая предыдущая ошибка итеративно вычисляется из следующей, конечно, кроме ошибки выходного слоя, которую можно записать так:

Или переходя к матричной записи:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.17) |

Заметим так-же, что основной целью было названо выделение частных производных целевой функции по весам и свободным членам. Учитывая (1.15) и то что функция от весов и свободных членов, не составляет труда очередной раз использовать правило дифференцирования сложной функции и получить:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (1.18) |

К сожалению ни в одном из источников мы не нашли причины, по которой, используется именно такой подход, а не просто аналитически выводятся производные по весам и смещениям. Но можно предположить, что такой подход однозначно проще подлежит программированию – достаточно знать лишь производные активационных функций по их аргументам, и вне зависимости от слоя в котором находиться нейрон, зная его активацию, для текущих параметров модели можно получить производную по весам и смещениям используя одни и те-же рекуррентные формулы (1.18).

Заметим так же, что рассуждения, касающиеся этого метода, мы строили в отрыве от наблюденных данных *X*, *Y*. Все выше сказанное будет справедливо для каждого конкретного примера по отдельности, а должны быть учтены все примеры участвующие в обучении. Благо все целевые функции построены на том, что суммируют ошибки отдельных примеров, а производная суммы, как известно, сумма производных потому результаты полученные из (1.18) надо просто просуммировать для каждого отельного примера и будет получена действительно производная целевой функции.

И так, теперь, на основе метода обратного распространения ошибки сформируем одноименный алгоритм оценки параметров нейронной сети:

1. Выполнить прямое распространение активации для каждого примера (подставить *X* в модель), сохраняя промежуточные активации;
2. Использовать формулу (1.17) для вычисления ошибок выходного слоя;
3. Произвести обратное распространение ошибки используя формулу (1.16) – будут получены ошибки всех нейронов сети;
4. Используем формулы (1.18) просуммировав их значения для каждого примера – будут получены градиенты по весам и смещениям;
5. Обновление параметров вдоль антиградиента;

Описанные пункты повторяются до тех пор пока не будут выполнены условия остановки алгоритма выбранной вариации градиентного спуска.[5 с. 243]

В целом эта глава была посвящено методам классификации. Изначально была раскрыта подстановка задачи – требуется на основе наблюденных данных сформировать правило, которое получив некоторую информацию об объекте сможет отнести его к нужному классу. В приложении к кредитному риску: на основе данных предоставляемых клиентом в заявке на получение кредита, требуется принять решение о выдаче или удержании займа.

Описанная задача не нова и для ее решения широко используются, уже ставшие классическими, методы: логистическая регрессия и дискриминантный анализ. В начале главы описаны предпосылки использования логистической регрессии – невозможность решения поставленной задачи обычными регрессионными моделями объясняется, тем что эта группа моделей предсказывает число, в то время как нам требуется получить класс в качестве предсказания. Логистическая регрессия обходит это ограничение благодаря свойствам логит функции, которые позволяют предсказанное значение интерпретировать как вероятность отнесения к некоторому классу. В подразделе 1.2 подробно описывается процесс перехода к модели именно такой формы.

В том же разделе мы указали и на ограничения модели логистической регрессии – несмотря на очевидную нелинейность используемой формулы модель логистической регрессии остается линейным классификатором.

Для преодоления этого ограничения мы использовали концепцию нейронной сети, рассмотренной как развитие модели логистической регрессии через усложнение формы функции от показателей лежащей под логит функцией. По сути вместо линейной функции под логит функцию была положена кусочно-линейная функция. В подразделе 1.3 мы постарались раскрыть как этот механизм приводит к улучшению классифицирующих свойств модели в некоторых случаях.

Завершается глава исчерпывающим описанием математики используемой для формирования алгоритма оценки коэффициентов нейронной сети – метода обратного распространения ошибки. В целом, это тот же численный метод оптимизации как градиентный спуск, но частные производные целевой функции вычисляются особым способом, очевидно, особенно удобным для программирования.

На практике, кроме оценки коэффициентов, для модели требуется дополнительно еще целый комплекс мер связанных подготовкой данных. Кроме того в идентификация модели нейронной сети это отдельное «искусство» неразрывно связано с методом подбора решения – хитрости и уловки используемые соответствующими специалистами лучше всего раскрывать на практике. Этим вопросам и посвящены следующие разделы этой работы.

# Анализ и подготовка данных

# 2.1 Начальный анализ наблюденных данных

Сразу укажем, что все действия связанные с вычислениями и обработкой информации мы производили на языке программирования python3 – одном из самых популярных и востребованных на сегодняшний день инструментов для математического моделирования и обработки данных. В работе использованы библиотеки-расширения pandas[6], numpy[7], scipy[8], sklearn[9], pytorch[10]. Весь исходный код в формате jupyter notebook или исполняемых «.py» файлов, результаты его выполнения в необработанном виде и даже текст этой работы можно найти на предварительно созданном репозитории[[1]](#footnote-2) в сети интернет.

В связи с коммерческой тайной мы не можем предоставить данные использованные для построения модели в открытый доступ, приходиться принять, вызванную этим фактом, непрозрачность описываемого исследования. Тем не менее, мы на словах и промежуточных результатах вычислений постараемся по максимуму раскрыть полный цикл разработки модели – от «сырой» таблицы показателей и до валидации готовой модели.

Этот раздел посвящен анализу полученной из баз данных банка информации и, на его основании, обоснования и применения решений связанных с преобразованием данных способствующих дальнейшему успеху при моделировании.

Для преобразования данных зачастую пишут отдельную программу со своими настройками, так как по результатам моделирования может потребоваться подгонка еще и параметров предварительной обработки данных – в этом случае следует просто поменять некоторые настройки процессинга данных и забрать по сути новый набор данных. Такую программу в западных источниках называют «pipeline» (пайплайн), мы будем называть конвейер данных. Учитывая, что конвейер данных собирается под конкретную структуру данных и то, что нет возможности предоставить данные в свободный доступ, не вижу никакого смысла, в техническом представлении этой программы в работе. Периодически лишь будут мелькать обобщённые методы для конкретных преобразований и представления результатов вычислений.

Та часть практики которая связана с аналитикой и подготовкой данных может быть найдена в папке «data\_processing» названного репозитория. Особое внимание следует обратить на файл «processing1.ipynb», его можно открыть прямо в браузере.

Изначально входной файл идет в формате «.xlsx» – его, при соблюдении внутри структуры как в таблице 1.1 можно в одну строку открыть с помощью метода «read\_excel» библиотеки pandas. На выходе будет получен@ «padnas.DataFrame» – объект представляющий собой данные вида таблицы 1.1. Заметим, что большой объем данных из формата «.xlsx» загружается достаточно долго, потому его лучше преобразовать в формат «.csv», который значительно проще. Сделать это можно прямо внутри pandas используя метод «to\_csv» объекта «padnas.DataFrame», важно в аргумент «index» передать значение «none» для того, чтобы не был сохранён еще и столбец с индексом который был автоматически создан при загрузке. После этой процедуры можно пользоваться созданным «.csv» файлом, загружая его функцией «read\_csv» библиотеки «pandas».

И так, изначальный набор данных имеет 247062 записей и 45 столбцов-показателей. Для начала нужно разобраться с составом столбцов, их типом данных и структурой. Все эти операции можно провести используя только возможности pandas, но удобнее, чтобы это можно было сделать в одну строку кода. Для решения такой задачи создана функция языка программирования python «get\_data\_frame\_settings» исходный код представлен на листинге В.1. Применив её к объекту сданными на выходе будет получен, так-же «pandas.DataFrame». Для наших данных результат представлен в таблице Г.1.

Первый столбец содержит название показателя. Второй столбец посвящен типу данных, конечно в pandas типы данных другие – но в листинге В.1 объявлен словарь «types\_natural\_names» в котором реальным названиям типов данных pandas поставлены в соответствие русскоязычные названия. Можно заметить, что перечислены не все типы данных pandas и те которые не упомянуты будут отображаться так, как они бы выглядели в pandas, в случае необходимости можно добавить свой пункт в этот словарь. И так, у нас в таблице имеются данные следующих типов – дата, целое число, действительное число и номинативная.

Третий столбец содержит информацию о возможных значениях которые принимает соответствующий показатель. Для дат и чисел это будет интервал, для номинативных показателей перечисленные через запятую уровни наблюденные в этом столбце. Сразу заметим, что показатели «Адрес проживания - Населенный пункт», «Вид деятельности по ОКЭД», «Кредитный продукт» и «Место работы» принимали настолько много уровней, что все их выписать в эту работу не представлялось возможным, из соображений оформления, потому они были заменены.

Четвёртый столбец, для номинативных переменных содержит число уровней которые они принимают.

Отдельную сложность в подготовке и анализе данных представляют ячейки с пропущенными значениями, в последнем столбце таблицы Г.1 выписаны количества таких наблюдений. Некоторые столбцы содержат до 95% пропусков.

Теперь, отталкиваясь от этой таблицы попробуем принять некоторые преобразования данных.

Особую ценность для нас составляет столбец «Дефолт», в нем содержится, целевая для нас информация – сколько дней, на момент среза, таблицы каждый контракт находиться в состоянии просрочки платежа. По указанию начальства, для целей моделирования, вышедшим в дефолт считается контракт, у которого в этом столбце наблюдается значение свыше 59 дней. Произведём перекодировку в новый столбец «*Y*» по правилу:

Исходный столбец «Дефолт» подлежит удалению.

Выше уже упоминались столбцы «Вид деятельности по ОКЭД», «Кредитный продукт» и «Место работы». Было принято решение произвести их удаление. Все они содержат очень много уровней, что в условиях модели привело бы к колоссальному росту объема вычислений, хотя на решения модели это вряд ли как-либо повлияло – если некоторый уровень редко встречается, даже если все восхождения отметились как дефолт, нет оснований считать, что отловлена статистическая закономерность. Можно было бы попытать произвести укрупнение этих столбцов, но это было осложнено но названным ниже причинам.

Столбец «Вид деятельности по ОКЭД» идет в достаточно странном формате. Опираясь на общегосударственный классификатор видов экономической деятельности[11] удалось выяснить, что в уровнях присутствуют, как секции (буквенные обозначения), так и разделы, которые вообще говоря входят в секции. Непонятны причины такого разделения, потому столбец и было решено удалить.

Столбцы «Кредитный продукт» и «Место работы» подавались в строковом формате. Кончено, были «зацепки» для проведения некоторого парсинга, но из соображений экономии времени и не перспективности данных направлений работы было решено этого не делать.

Перейдем к показателю «овердрафт»: бинарный показатель который показывает является ли каждый конкретный кредит овердрафтом. Овердрафт – особый вид кредита, он предполагает открытие некоторого счета, в котором можно уйти в отрицательную сумму – только тогда появляется задолженность. Дело в том, что момент появления задолженности может не совпадать с моментом, когда была подана заявка на открытие такого счета и, как следствие, этот вид кредита имеет особую специфику. Кончено было бы идеально, чтобы модель автоматически учитывала этот факт – но это может значительно осложнить процесс моделирования, потому пока модель будет построена только для случаев без овердрафта. Соответственно предполагается удаление всех наблюдений содержащих уровень «да» в рассматриваемом столбце и сам столбец вырождается, потому подлежит удалению.

Основная цель моделирования в данном случае – построение некоторого парила которое поможет оценить способность каждого конкретного кредитополучателя к возврату долга. Потому, все показатели должны быть известны на момент выдачи кредита. Мы заметили, что исходной таблице присутствуют показатели которые не могут быть известны заранее: «Отношение факт срока к плановому при прекращении КД», «Причина прекращения договора» и «Дата фактического закрытия»; такие показатели также подлежат удалению.

Нередко показатель в чистой форме имеет слабую взаимосвязь с исследуемым явлением или не имеет взаимосвязи вовсе, но если к нему применить некоторые преобразования – то он может быть куда более полезен. Сейчас мы просто покажем процесс создания ряда показателей, а в следующем подразделе займемся выбором наилучших.

В таблице Г.1 сразу попадаются на глаза показатели связанные с годом выпуска автомобиля, притом они очень невнятно подписаны и мне так и не удалось выяснить чем они между собой отличаются. Можно лишь выдвигать предположения результатом которых станет некоторое комбинирование этих показателей. Так были созданы показатели «Автомобиль год выпуска» который представлял собой просто самую позднюю дату из исходных трех, «Число авто» в котором подчитывалось количество непустых значений исходных трех, есть ли авто который принимал значение «да» если находился хотя бы одно непустое значение в исходных.

Продолжая разговор о показателях которые содержат дату, можно сказать, что показатели «Дата планируемого закрытия» и «Дата регистрации договора» не могут быть использованы в модели, так как уже наблюденные даты никогда больше не повторяться в новых заявках. Но вот их разность покажет предполагаемый срок кредита, с этой идеей был создан показатель «Срок кредита в днях». Исходные показатели были удалены из выборки.

Дальнейшим развитием этого показателя послужит его использование вместе с показателем «Сумма договора». Разделив показатель «Сумма договора» на показатель «Срок кредита в днях» получим показатель «Ежедневный платёж».

Модель не воспринимает дату, как формат, потому преобразуем его в число как количество дней от базовой даты – 8 декабря 1991 года.

Заметим, что среди показателей с очень большим числом уровней также оказался показатель «Адрес проживания - Населенный пункт», но он был выше удален подобно «Вид деятельности по ОКЭД», «Кредитный продукт» и «Место работы». Для его относительно легко оказалось провести парсинг. Можно было выделить показатель «Столица», который принимал значение «да» если запись относилась к городу Минску и нет в противном случае. Аналогичные действия относительно легко было провести с областными центрами с результатом в виде бинарного показателя «Областной центр». Исходный показатель был заменен так что все наблюдения не относящиеся к одному из областных центров получили значение «нет информации». Прежде чем проводить описанные процедуры надо было обязательно подготовить исходный столбец – дело в том, что один и тот же уровень мог быть записан по разному в плане некоторых отдельных символов, например в выборке можно было найти 51 запись в которой был указан город «могилев» (с маленькой буквы и буквой «е» вместо «ё»), хотя большинство записей указаны по правилам – «Могилёв». Для того, чтобы обойти такую погрешность нужно все символы столбца перевести в нижний регистр и буквы «е» заменить на «ё».

По завершению этого этапа выборка уже несколько трансформировалась и это не может не отразиться на таблице Г.1. В таблице Г.2 представлена актуальная информация о показателях выборки.

Следующим шагом станет очистка выборки от выбросов, тут следует уделять внимание в основном столбцу «Область допустимых значений» таблицы Г.2.

Сразу обратим внимание на показатели «Работа последнее место стаж лет», «Работа уровень дохода BYN», «Сумма договора» и «Ежедневный платёж», они по смыслу, очевидно, не могут содержать отрицательные значения, однако по проведенному исследованию получается, что есть записи с отрицательными числами. Очевидно это некоторая ошибка заполнения, которую нам следует исправить. Будет неправильно удалять целую запись с ошибочным заполнением, так как по результатам анализа классифицирующей способности, проводимого далее, может быть удален целый столбец. Правильнее будет эти позиции заполнить пропусками, так информация, содержащаяся в прочих столбцах, будет сохранена.

Далее нам показались подозрительными размахи некоторых переменных: «Количество фактов просрочки по основному долгу», «Максимальное количество дней просрочки», «Общее количество запросов в КБ», «Сумма кредитных лимитов», «Сумма договора» и «Ежедневный платеж». Для быстрого исследования квантилей числовых показателей в pandas можно использовать следующий механизм – выделяя через оператор «[]» некоторый столбец получим объект типа «pandas.Series» у которого имеется метод «describe». В выводе названного метода будет информация о числе непропущенных наблюдений, среднем, стандартном отклонении, размахе, 25%, 75% персентилях и медиане. Для быстрого получения информации этой информации сразу по диапазону столбцов может быть использована функция «get\_describes» нанесенная на листинге В.2. Так краткой записью:

get\_describes(data[em\_research\_list])

где data – pandas.DataFrame содержащий все исследуемые показатели;

em\_research\_list – список численных показателей.

Можно получить таблицу вида 2.1.

**Таблица 2.1 – Описательные статистики столбцов с предполагаемыми выбросами**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Статистика | Количество фактов просрочки по основному долгу | Максимальное количество дней просрочки | Общее количество запросов в КБ | Сумма кредитных лимитов | Сумма договора | Ежедневный платеж |
| Количество | 77016,00 | 70482,00 | 104134,00 | 90858,00 | 236496,00 | 236495,00 |
| Среднее | 5,11 | 18,05 | 8,35 | 7719,67 | 5739,18 | 2,69 |
| СКО | 10,60 | 132,79 | 7,48 | 13222,99 | 13752,80 | 2,74 |
| Мин. | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 |
| 25% | 0,00 | 0,00 | 3,00 | 1187,16 | 600,00 | 1,14 |
| 50% | 1,00 | 1,00 | 7,00 | 3800,00 | 1500,00 | 1,86 |
| 75% | 5,00 | 8,00 | 11,00 | 8900,00 | 5000,00 | 3,35 |
| Макс. | 284,00 | 4471,00 | 222,00 | 678562,60 | 600000,00 | 196,24 |

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Особо важная для нас в данном случае информация содержится в стоках «75%» и «Макс.». Заметим, что в каждых из названных столбцов максимальное значение очень отдалено от 75-го персентиля, что, скорее всего вызвано некоторыми, исключительными случаями. Так как основная идея моделей на статистических данных – отловить центральную тенденцию, а наличие таких случаев в выборке может вести к смещению оценок параметров их обычно удаляют.

При отделении значений относящихся к выбросам можно пользоваться следующим правилом[11], выбросами считаются наблюдения лежащие вне интервала:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (2.1) |

где – 25%-ная персентиль исследуемого набора чисел;

– 75%-ная персентиль исследуемого набора чисел;

Но в нашем случае нет проблем с левым хвостом, потому предлагаю несколько модифицировать правило – выбросами считаются наблюдения лежащие вне интервала:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (2.2) |

Для быстрой реализации этой формулы можно воспользоваться функциями «get\_selcond\_emiss\_25\_75» и «cut\_emissioins», представленными на листинге В.3. Ключевой в данном случае является «get\_selcond\_emiss\_25\_75» она для переданного столбца типа «pandas.Series» сформирует бинарное условие выбора (массив бинарных значений, совпадающий, по размерности, с исходным – выбираются те значения исходного массива, для которых соответствующие из бинарного условия имеют значение «Истинна») значений не принадлежащих выбросам. Можно так же указать аргумент «constant» (по умолчанию 1.5) – множитель их формулы (2.1) и аргумент «cut\_type» (по умолчанию «both») который покажет какую из сторон проранжированного ряда следует обрубить: «both» – обе; «right» – правую; «left» – левую.

Функция «cut\_emissioins» надстройка над «get\_selcond\_emiss\_25\_75» и прямая реализация (2.2); получает «pandas.Series», возвращает «pandas. Series» без выбросов.

После применения созданных инструментов к столбцам вызвавшим вопросы таблица 2.1 трансформировалась в таблицу 2.2.

**Таблица 2.2 – Описательные статистики после очистки от выбросов.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Статистика | Количество фактов просрочки по основному долгу | Максимальное количество дней просрочки | Общее количество запросов в КБ | Сумма кредитных лимитов | Сумма договора | Ежедневный платеж |
| Число | 67783,00 | 62987,00 | 100253,00 | 83282,00 | 216364,00 | 224167,00 |
| Среднее | 2,04 | 3,04 | 7,42 | 4684,76 | 2667,00 | 2,25 |
| СКО | 2,89 | 4,18 | 5,28 | 4643,93 | 2931,37 | 1,48 |
| Мин. | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 | 0,00 |
| 25% | 0,00 | 0,00 | 3,00 | 1000,00 | 570,80 | 1,12 |
| 50% | 1,00 | 1,00 | 6,00 | 3200,00 | 1118,88 | 1,76 |
| 75% | 3,00 | 8,00 | 11,00 | 7000,00 | 4000,00 | 3,01 |
| Макс. | 12,00 | 20,00 | 23,00 | 20464,32 | 11600,00 | 6,67 |

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

Дальнейшим шагом могла стать борьба с пропусками, но это лучше делать после того как получены некоторые характеристики классифицирующей способности показателей, потому как борьба с пропусками обычно связана с необходимостью исключать некоторые столбцы из выборки, а это лучше делать, учитывая взаимосвязи показателей – некоторый показатель может иметь такие сильные классифицирующие свойства, что лучше потерять часть наблюдений, но оставить этот показатель в модели.

По итогам данного раздела мы перешли от первоначальных неочищенных данных к почти полностью обработанным данным. Используя ряд написанных функций отвечающих за процессинг данных удалось: создать столбец отклика, принять решение о удалении номинативных показателей с очень большим числом уровней не подлежащих обработке быстро, удалению всех контрактов относящихся к категории «овердрафт», создание новых показателей, с целью организации выбора из показателей на этапе исследования взаимосвязей, преобразование оставшихся показателей типа «Дата» к числовому типу данных и очистка от невозможных значений и выбросов. Последняя перед процедурой отбора показателей структура данных представлена в таблице Г.3

# 2.2 Оценка классифицирующей способности и отбор предикторов

ROC анализ является распространенным методом оценки классифицирующей способности моделей. Однако, как будет показано далее, эту методологию можно применить не только как способ оценки качества уже готовой модели, но и как некоторый критерий оценки классифицирующей способности отдельного предиктора.

Рассмотрим общую идею ROC анализа. Пусть у нас получена модель, которая позволяет производить бинарную классификацию. Исследуемый признак *Y* может относиться к категории у которой не проявилось некоторого признака (Negative – *N*), или к той, у которой признак проявился (Positive - *P*). В отношении кредитного скоринга соответственно – клиент без дефолта и с дефолтом.

Тогда интуитивным способом оценить её производительность, является получение предсказаний на основе модели и построение таблицы следующего вида 2.3.

**Таблица 2.3 – Качество бинарного классификатора**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Истинный класс | Предсказанный класс | | Всего | |
| *N* | *P* | |  |
| *N* |  |  | |  |
| *P* | *FN* | *TP* | |  |
| Всего | *N\** | *P\** | | *n* |

Примечание ­– Источник: [3 c. 165].

|  |  |
| --- | --- |
| где | – число наблюдений для которых модель предсказала отсутствие признака и оказалась права; |
|  | – число наблюдений для которых модель предсказала отсудившие признака, хотя на самом деле он присутствовал; |
|  | ­– число наблюдений для которых модель предсказала присутствие признака, хотя на самом деле он отсутствовал; |
|  | – число наблюдений для которых модель предсказала наличие признака и оказалась права; |
|  | – число наблюдений для которых модель предсказала отсутствие признака; |
|  | = *FP* + *TP* – число наблюдений для которых модель предсказала наличие признака; |
|  | = *TN* + *FP* – число наблюдений в которых не было замечено наличие признака; |
|  | = *FN* + *TP* – число наблюдений в которых было замечено наличие признака; |
|  | *n = N\* + P\* = +*  ­– общее число наблюдений в выборке. |

На основании абсолютных числе сложно делать выводы, потому вводят относительные показатели:

Соответственно доля ошибок и правильных предсказаний модели при предсказании появления исследуемого признака.

Соответственно доля ошибок и правильных предсказаний модели при предсказании появления исследуемого признака.

Как правило, модель не позволяет сразу однозначно определить класс, потому, при варьировании точки отсечения *PD'* будут получены различные показатели *FPR* и *TPR*. Для лучшего понимания взгляните на рисунок 2.1.



**Рисунок 2.1 – распределение реальных значений P и N**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

На оси абсцисс отложены вероятности наличия признака предсказываемые моделью, зелёной площадью представлено предполагаемое распределение клиентов с отсутствием исследуемого признака, красной – с присудившем. Предсказанные вероятности до *PD'* относят соответствующие наблюдения к категории без проявления исследуемого признака, после *PD'* – к категории с проявлением признака.

Изменяя значение *PD'* можно влиять на соотношения в таблице 3.1. Увеличение *PD'* будет приводить к тому, что для большего числа наблюдений будет предсказано отсудившие исследуемого признака (рост *N\** и спад *P\**). В случае снижения *PD'* все будет работать наоборот.

Визуализация идей изложенных выше представлена на рисунках Д.1 и Д.2, они представляют строгую и лояльную модели соответственно. Глядя на эти рисунки сделаем некоторые выводы.

Обычно при моделировании используются показатели *TP*, *FP* и их относительные аналоги *TPR*, *FPR*, потому, сконцентрируемся именно на них.

Начнем из ситуации – совершенно лояльной модели: все наблюдения с проявившимся признаком будут включены в *FP*, все наблюдения без признака будут включены в *TN*. Из того следует, что *FPR* = 0, *TPR* = 0.

При постепенном увеличении строгости модели (движении по убыванию) будут возрастать исследуемые показатели. В их возрастании можно выделить два этапа:

1. До пика распределения *N* – быстро возрастает *TP* с нарастающим темпом, *FP* также возрастает с нарастающим темпом но не так быстро как *TP*;
2. После пика распределения *N* – рост *TP* начинает постепенно замедлятся, рост *FP* ускоряется а *FPR* постепенно начинает догонять ушедший вперед *TPR*.

Закачивает этот процесс тем, что *TP* включает в себя все наблюдения с проявившимся признаком, а *FP* все наблюдения в которых признака не наблюдалось. Из того следует, что *FPR* = 1, *TPR* = 1.

Теперь, отложим на оси абсцисс *FPR* а на оси ординат *TPR* и получим самый популярный способ оценки классифицирующей способности модели – ROC кривую.

Опираясь на рассуждения выше можно сказать, что чем более непохожие распределения по у наблюдений с проявившимся признаком и без, тем круче будет ROC кривая и, при том, она проходит через точки (0,0) и (1,1). В подтверждение своих слов приводим рисунок Д.3 ­– на нем, слева, распределения по наблюдений с проявившимся признаком и без представлены в виде нормальных распределений с фиксированной дисперсией, математические ожидания этих распределений постепенно приближаются друг к другу. Справа для каждой из ситуации простроена ROC кривая – видно, как по степени сближения распределений, ROC кривая выпрямляется.

В описанных условиях удобной метрикой в одно число классифицирующей способности может выступить AUC ROC кривой – площадь под ROC кривой. Далее, для краткости, описанный показатель, будем называть AUC.

Ещё одной связанной метрикой качества модели выступает статистика Колмогорова-Смирнова (KS-статистика). Обычно эта статистика используется для проверки гипотезы о соответствии некоторого наблюденного ряда предполагаемому теоритическому распределению, но в нашем случае сверять мы будем распределение наблюдений с проявлением признака и без. В данном случае статистика определяется по формуле:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (2.3) |

где – эмпирическая функция распределения наблюдений с проявлением признака по ;

­– эмпирическая функция распределения наблюдений без проявления признака по .

Графически эту статистику удобно представлять себе в виде рисунка 2.2.



**Рисунок 2.2 – смысл KS статистики**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

Что из формулы, что из рисунка становиться очевидно – KS статистика показывает на сколько максимум накопленные промежуточным итогом наблюдения одного класса отстают от наблюдений другого класса.

Сразу обозначим следующую закономерность. Из рисунка 2.2 сверху можно сделать вывод:

Используя эту закономерность вместе с (2.3), получим:

Итак, KS это еще и максимальная разница долей истинно положительных и ложно положительных предсказаний модели. От сюда очень важный для нас в дальнейшем вывод – точка , соответствующая KS статистике, тот вариант точки отсечения который позволяет максимально нарастить долю правильных предсказаний исследуемого признака при минимально допускаемой доле ошибочных предсказаний. Формально такую точку можно записать:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (2.4) |

Это, кстати, именно тот принцип выбора точки отсечения, который мы упоминали в первом разделе работы когда речь шла построении классификаторов для данных примера. Только там удавалось добиться полной точности классификации, что было следствием в формуле (2.3), т.е. находилась точка, в тех обозначениях которая оставляла все наблюдения с проявлением исследуемого признака «позади», не достигнув еще ни одного из наблюдений без исследуемого признака.

Важным является вопрос: какую статистику лучше использовать в каком случае? В формуле для *AUC* используются *FPR* и *TPR* для всех точке отсечения, что характеризует эту статистику как описание классифицирующей способности для всего ряда вероятностей. *KS* же использует всего одну вероятность, и по ней нельзя сделать вывода, есть ли другие точки отсечения с приемлемыми свойствами, тем не менее, она указывает на статистически оптимальную точку отсечения. То, на какую статистику стоит обращать внимание при оценке классифицирующих свойств, сильно зависит от прикладной области, так в кредитном скоринге, при выборе точки отсечения, нередко опираются не столько на статистику, сколько на текущую политику банка, потому важнее иметь много допустимых точек отсечения, от сюда, больше внимания следует уделять статитике *AUC*. За *KS* остается еще одно очень важное преимущество – за ним стоит строгий статистический тест. В рамках выбора готовой модели это малое преимущество, но в рамках оценки классифицирующих свойств отдельных предикторов и, как следствие, их отборе, как будет показано далее, это становиться ключевой возможностью.

Все вышесказанное естественно для готовой модели, а у нас, на данном этапе, задача – отбор показателей в модель. Для оценки классифицирующей способности отдельного предиктора с помощью ROC анализа рассмотрим однофакторную модель вида:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | (2.5) |

|  |  |
| --- | --- |
| где | – предсказанное значение оклика; |
|  | – переменная классифицирующая способность которой оценивается; |
|  | – множество значений при котором предсказывается отсутствие исследуемого признака; |
|  | – множество значений при котором предсказывается наличие исследуемого признака. |

На данном этапе можно логику разделить на две ветви – исследование числовых и исследование номинативных переменных. Начнем с рассмотрения числовых. Для названного случая формула (2.5) примет вид:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |
|  |  | (2.6) |

|  |  |
| --- | --- |
| где | – точка отсечения по переменной . |

В отношении кредитного скоринга получается модель со следующим принципом принятия решений: для всех наблюдений у которых наблюдаемое значение меньше либо равно некоторого порога x' принимаем решение о выдаче кредита, в противном случае понимается решение об отказе.

Заметим, что рассуждения предыдущего абзаца очевидно справедливы для случая, когда с ростом исследуемого показателя ожидается увеличение проявления исхода с дефолтом (P). В действительности же, даже чаще, встречается обратная ситуация – с ростом исследуемой переменной ожидается падение проявления исходов с дефолтом. Например, с ростом уровня дохода клиента физического лица, справедливо ожидать от него большей стабильности платежей и как следствие меньшую вероятность выхода в дефолт.

В сущности, приведенное замечание не меняет основных идей анализа – если на рисунках Д.1, Д.2 поменять местами распределения P и N, то диаметрально поменяется порядок изменяя *FPT, TPR*, описанный выше. Что приведёт к тому, что ROC кривая выгнется в обратную сторону. Такая ситуация представлена на рисунке Д.4.

Очевидно, что, в таком случае, нельзя сказать, что модель не имеет классифицирующей мощности, хотя AUC, указывает на то, что классифицирующая мощность модели ниже чем в случае случайного угадывания (нижняя часть рисунка Д.3).

Если бы такая модель использовалась для предсказаний, то логично было бы поменять знаки в выражении (2.6). Но, в нашем случае, мы лишь оцениваем классифицирующую способность предиктора с использованием AUC. Потому введем следующее окончательное определение AUC:

где – эмпирическая функция распределения наблюдений с проявлением признака по ;

­ – эмпирическая функция распределения наблюдений без проявления признака по .

Так же заметим, что ранее речь шла о распределении наблюдений с различным состоянием признака по *PD*, а сейчас речь идет о распределении вдоль некоторой численной переменной *x*. В сущности, снова нет большой разницы – наблюденный *x* можно нормировать и, по смыслу, будет получен тот-же *PD*.

Более сложным является подобный анализ для номинативной переменной. Множества и становятся дискретными конечными множествами, в объединение которых включены все уровни исследуемой переменной.

Обозначим и пронумеруем все уровни исследуемой переменной как . Начинаем «движение» от наиболее лояльной ситуации, когда при любом уровне исследуемого предиктора в модели (2.5) принимается решение о том, что , т.е. , . Далее в множество в обратном порядке вводятся , и выводятся из – модель становиться строже. Так продолжается до тех пор пока мы не приходим к наиболее строгой ситуации, при которой, для любого уровня исследуемого предиктора принимается решение о том, что , т.е. , . В более понятной форме эта логика описана в таблице Е.1.

|  |  |
| --- | --- |
| где | – число наблюдений с отсутствующим в действительности признаком оклика; |
|  | – число наблюдений с наличием в действительности признаком оклика; |

Используя описанный механизм можно, строить ROC кривую и вычислять показатель *AUC*. На рисунке Е.1 нанесена ROC кривая в общем виде и различными заполнениями (которые понадобиться в дальнейшем повествовании) обозначена площадь под ней. ROC кривая состоит из ряда линейных участков, каждый из которых знаменует переход к новому уровню предиктора и образует с осью абсцисс трапецию площадь которой обозначим .

Может показаться, что просто суммируя можно получать для номинативного предиктора, однако при использовании этого метода на практике быстро выявляется нюанс описанный в следующем утверждении.

*Утверждение 1.* При изменении порядка включения предикторов в группу вид ROC кривой может меняться и, как следствие, может меняться показатель *AUC*.

Это утверждение наталкивает на мысль – какую последовательность включения уровней использоваться для вычисления статистики *AUC*? Для того, чтобы ответить на этот вопрос введем следующее утверждение.

*Утверждение 2.* Если строить ROC кривую по логике постепенного уменьшения лояльности модели (так как это записано в таблице Е.1), то при включении уровней в порядке убывания частот проявления исследуемого признака в отклике *AUC* будет максимален.

В виду и так заметной перегруженности этого подраздела теоритическими сведениями не будем приводить строгого доказательства этого утверждения – его можно получить используя сведения школьного курса алгебры и геометрии. Оговоримся лишь, что доказательство строиться на том, что зеленая площадь рисунка Е.1 не зависит от последовательности включения *i-го* уровня с меньшей частотой проявления исследуемого признака и *j-го* уровня с большей частотой проявления. Синяя тоже но по другим причинам. Любая трапеция красной площади может быть представлена формулой:

В случае прямого включения уровней. А в случае обратного если поменять порядок включения *i-го* и *j-го* уровней между собой:

Очевидно, что два последних выражения отличаются на второе слагаемое в квадратных скобках. Учитывая вышесказанное, заметим, что от сюда и , что ведет к истинности второго утверждения.

В целом, результат рассуждения такой: для получения показателя классифицирующей способности *AUC* для номинативного предиктора следует включать урони в порядке возрастания проявления исследуемого признака – в таком случае *AUC* будет максимальный. Нужно это, конечно, не для того, чтобы завысить показатель *AUC*, а чтобы из множества возможных оценок выбрать единственную.

У *AUC* в данном случае имеется один большой минус – нет критерия при котором можно считать, что показатель связан с объясняемой переменной или придерживаться обратного утверждения. Тут на помощь приходит введенная выше связанная статистика KS – она распределена в соответствии с распределением Колмогорова-Смирнова, от того возможность проведения статистического тестирования.

Нас в данном случае, очевидно, интересует двух выборочная вариация теста – сравнение выборок, полученных для наблюдений с проявлением исследуемого признака и без него. Такой тест имеет следующую постановку: пусть *X* и *Y* две независимые случайные переменные, чьи функции распределения соответственно *F* и *G* неизвестны. Выдвигается нулевая гипотеза [13]:

Против альтернативной гипотезы:

Представленная выше KS статистика распределена в соответствии с распределением Колмогорова-Смирнова с числом степеней свободы вычисляемым по формуле:

где *n* – число наблюдений в выборке *X*;

­ – число наблюдений в выборке *Y*.

Нулевая гипотеза принимается в том случае, если реальная статистика меньше теоритической вычисленной с заданной доверительной вероятностью. Или можно посчитать *p*-значение как значение функции распределения Колмогорова-Смирнова c указанным числом степеней свободы в точке *KS*.

Все описанные принципы положены на практику классом python «classification\_power\_predictor», со всеми сопутствующими методами расположившемся в отдельном репозитории[[2]](#footnote-3) в сети интернет. Он позволяет произвести подсчет *AUC*, *KS* и *p*-значений двувыборочного *KS* теста, для всех переменных переданного «pandas.DataFrame» и столбца отклика в виде «pandas.Series».

В конструктор этому классу следует первым аргументом предать набор предикторов и столбец отклик, например так:

import classification\_power\_predictor as cpp

my\_cpp = cpp(

data.drop('Y', axis = 1),

data['Y'].replace({0:"Нет дефолта", 1:"Дефолт"})

)

где data – экземпляр класса «pandas.DataFrame» с структурой данных соответствующей той, что мы организовывали выше.

Заметим, некоторую тонкость последней записи – столбец «Y» изначально идет как набор нулей и единиц, класс устроен так, чтобы выводить урони так как они названы в столбце отклике, потому используя метод «replace» мы сложно читаемые 0 и 1 превращаем в «Нет дефолта» и «Дефолт» соответственно.

После получения экземпляра класса «classification\_power\_predictor» обязательно нужно вызвать его метод «update\_predictors». После того в объексте будет проинициализировано поле «result\_DF», которое представляет собой «pandas.DataFrame» структуры, подобной той, что представлена в таблице Ж.1. В таблице Ж.1 первое поле указывает название предиктора, поля 2-4 – статистики вокруг которых строилось рассуждение выше: *AUC*, *KS* и *p*-значение двувыборочного теста Колмогорова-Смирнова. Поля 5-7 дают информацию о пропусках: «Пропуски» указывает количество пропусков в каждом столбце, последние два поля описываю структуру распределения пропусков по уровням отклика.

Заметим, что в целях размещения в работе, таблица была сильно урезана, так в оригинальном варианте такой набор колонок формируется для каждого уровня отклика. В данном случае, информации потеряно не было – в случае бинарной классификации *AUC* и *KS* для обоих классов будут одинаковые.

В поле «result\_DF» располагается также информация о показателе *Gini*, который составляет альтернативу *AUC* и вычисляется по формуле:

.

Еще, по умолчанию, можно получить боле подробную информацию о наполненности данных и структуре пропусков.

Еще одно важное замечание – при вычислении статистик классифицирующей способности для номинативных переменных пропуск воспринимается как отдельный уровень. Это сделано, для того, чтобы не терять данных. Предполагается, что стремление кредитополучателя скрыть о данные о себе может быть признаком того, что эти данные могут занизить его шанс на получение кредита.

При более подробном рассмотрении таблицы Ж.1 можно найти ряд предикторов, для которых двувыборочный тест Колмогорова-Смирнова ведет к принятию нулевой гипотезы об отсутствии различий распределений наблюдений с дефолтом и без него, при доверительной вероятности в 0,01. В список таких показателей вошли: «Автомобиль год выпуска3», «Количество детей», «Отношение к банку», «Работа последнее место стаж лет», «Работа уровень дохода BYR», «Количество действующих договоров обеспечения», «Число авто» и «Есть авто».

Сразу было произведено удаление этих столбцов. Далее проводился более тонкий анализ для каждого из предикторов по отдельности. По результатам было принято решение произвести удаление столбца «Автомобиль год выпуска», так как он имел меньший показатель *AUC* по сравнению с базовыми для него столбцами «Автомобиль год выпуска 1» и «Автомобиль год выпуска 2». Аналогично «Ежедневный платёж» как отношение «Сумма договора» к «Срок депозита в днях» уступает базовому показателю по значению *AUC*.

Похожая ситуация с показателями «Столица», «Областной центр», «Адрес проживания – Населенный пункт». Несмотря на то, что они были созданы в отрыве от показателя «Тип населенного пункта», очевидно, что они неразрывно с ним связаны и, вместе с тем, заметно ему уступают по классифицирующей способности, потому были удалены.

Следующим шагом, после удаления показателей со слабой описательной способностью, будет борьба с пропусками, перечислим возможные пути решения и проблемы связанные с каждым из них:

* Удаление строк содержащих пропуски по каждому показателю. Если некоторый показатель слабо заполнен, то для его включения в модель понадобиться удалить много сток, и будет потеряна информация указанная по удаленным записям в других строках;
* Удаление столбцов с большим числом пропусков. Так же ведет к недостаточности данных, но в другом смысле – теряются «ракурсы» с которых мы можем смотреть на исследуемую проблему;
* Заполнение пропусков данных альтернативными значениями – ведет к искажению реальных закономерностях лежащих в данных может привести к улучшению модели «на бумаге», но в реальных условиях толку от нее будет мало;
* Рассмотрение пропусков в номинативных показателях как отдельных уровней. Так же может вести к искажениям в данных, но лучше применять такой подход чем выбрасывать показатели.

В общем нет универсального рецепта – всегда приходиться принимать решения опираясь на конкретные данные и, даже, возвращаться к этому этапу в процессе построения модели.

Логически получилось связать показатели «Воинская служба» и «Пол». Очевидно, что у большинства женщин в графе «Воинская служба» должно быть проставлено «невоеннообязанный» и если соответствующие пропуски заполнить этим значением в подавляющем большинстве случае это будет правильно.

Для любой числовой переменной, превращение ее в номинативную переменную и, как результат, сохранение наблюдений с пропуском в этом столбце можно было осуществить двумя путями.

Можно превратить в бинарные переменные с уровнями «нет данных»/ «есть данные».

Второй подход заметно сложнее – для каждой переменной подсчитаны статистики *KS*. Выше описывалось, как выбрать точку отсечения для готовой модели с использованием *KS* статистики по формуле (2.4). Можно попробовать использовать такой подход для того, чтобы определиться с точкой разделения численной переменной на два уровня номинативной переменной, и отдельно будет использован уровень «нет данных», таким образом получается номинативный показатель с тремя уровнями.

Еще один способ обойти проблемы связанные с пропусками в числовых предикторах – записать вместо пропусков число ноль. В некоторых случаях это может быть оправдано, например, в случае показателя «Работа последнее место стаж лет» некоторые кредитополучатели при заполнении анкеты могли решить, что в случае отсутствия стажа (0 лет) следует в этом поле ничего не указывать.

Применим все три операции к каждой переменной численного типа из оставшихся на данный момент в выборке. И потом, опираясь на здравый смысл и подсчитанные статистики классифицирующей способности, примем решения о том в какой форме та или иная переменная должна участвовать в модели и должна ли участвовать вообще. В таблице Ж.2 результаты применения класса «classification\_power\_predictor» к таким переменным. В ней каждая численная переменная исходного набора переменных содержит еще 3 дочерние переменные. Первая группа с припиской «(бинарная)» представляет разделение на «нет данных»/«есть данные», вторая группа с припиской «(пропуск => 0)» предполагает замену пропусков нулями и последняя отмечена как «(разбивка по KS)» предполагает, что для разделения использовалась формула (2.4).

Показатель «Автомобиль год выпуска1» по классифицирующей способности сам по себе достаточно хорош, но имеет очень много пропусков. Было принято решение исползовать его вариацию с разделением по *KS* так как она в сравнении с остальными производными показателями сохраняет высокий *AUC*. Аналогичное рассуждение можно приложить к показателям: «Количество запросов в КБ за последние 30 дней», «Максимальный срок, на который заключался договор, в годах», «Общее количество запросов в КБ» и «Срок кредита в днях».

Показатель «количество действующих кредитных договоров» даже улучшил свой *AUC* при замене пропусков нулями. Такое преобразование имеет за собой логическое основание – при отсутствии кредитных договоров многим потенциальным кредитополучателям может показаться логичным не заполнять соответствующее поле, потому оставим именно этот вариант показателя. Аналогичное рассуждение можно приложить к показателям: «Максимальное количество дней просрочки» и «Сумма кредитных лимитов (пропуск => 0)».

Отдельного обсуждения заслуживает показатель «Сумма договора». Названный показатель несколько прибавляет в значении *AUC* в случае замены пропусков нулями, но вообще, сомнительно качество записей в которых не указана даже сумма договора – сами информационные системы банка данных должны сохранить это значение. В результате для этого показателя было принято решение сохранить исходную форму несмотря на потерю около 10% записей от исходного числа.

Все оставшиеся показатели было решено не использовать в модели – у них недопустимо много пропусков и показатели *AUC* очень слабые.

Последним шагом станет возвращение сохраненным производным показателям имен родительских для них показателей.

В этой главе рассмотрен полный цикл подготовки данных к моделированию: загрузка данных, изучение их структуры и приведение типов данных, исключение невозможных значений и выбросов, анализ классифицирующей способности и отбор предикторов, исключение пропусков.

Изучение структуры данных проводилось с использованием подготовленного инструмента – функции языка программирования python3 «get\_data\_frame\_settings» который позволяет получать таблицы вида таблиц приложения Г. На основе такого анализа были выдвинуты предположения, которые легли в основу создания новых показателей. Развитие некоторых показателей показалось неперспективным направлением, потому они были удалены. Даты получили численный тип данных, как число дней от базовой даты, номинативные показатели с очень большим числом уровней либо были укрупнены либо удалены в связи со сложностью возможных алгоритмов укрупнения и логической неперспективности для решения поставленной задачи. В связи с оторванностью от остальных записей исследуемого набора данных были исключены записи содержащие информацию о кредитах типа овердрафт вместе с показателем позволяющим произвести соответствующее разделение.

Касательно вопроса недопустимых значений можно обратиться к таблице Г.2, а именно к её строкам использующимся для описания показателей «Работа последнее место стаж лет», «Работа уровень дохода BYN», «Сумма договора» и «Ежедневный платёж», они по смыслу, очевидно, не могут содержать отрицательные значения, однако по проведенному исследованию получается, что есть записи с отрицательными числами. Записи с невозможными значениями были заменены на пропуски.

Так же наше внимание привлекли показатели с подозрительно большими размахами: «Количество фактов просрочки по основному долгу», «Максимальное количество дней просрочки», «Общее количество запросов в КБ», «Сумма кредитных лимитов», «Сумма договора» и «Ежедневный платеж». В подтверждение этой идеи мы приводим таблицу 2.2 – значение 75-ой персетиля и максимальное нередко различаются более чем в 100 раз. Выбросом было принято считать значение не попадающее в интервал (2.2). Выбросы были также заполнены пустыми значениями.

Второй подраздел данной главы был посвящен преимущественно анализу классифицирующей способности предикторов. Были описаны показатели *AUC* и *KS*. Главная цель этих показателей выбор готового классификатора, но мы предложили для каждого показателя рассмотреть однофакторную модель вида (2.5) и рассчитанные для нее показатели воспринимать как оценки классифицирующей способности соответствующих предикторов.

Для того, чтобы в 3 строки кода проводить описанный анализ был создан класс языка программирования python3 «classification\_power\_predictor». Результаты его работы выражаются в таблицах приложения Ж. В результате были исключены все показатели для которых двухвыборочный тест Колмогорова-Смирнова приводил к принятию нулевой гипотезы о том, что распределения наблюдений с дефолтом и без по исследуемому показателю не различаются. Из всех связанных между собой показателей были выбраны те, которые имеют лучшие оценки классифицирующей способности, остальные были удалены.

В контексте избавления от пропусков в основном использовался метод приведения численных показателей к номинативной форме, и для всех номинативных переменный пропущенное значение воспринималось как новый уровень переменной. Особо интересен подход к разбиению численной переменной с использованием точки соответствующей *KS* статистике (формула (2.2)).

Таким образом мы пришли к структуре данных описанной таблицей Г.4, а классифицирующие способности отдельных предикторов представлены в таблице Ж.3.

К сожалению невозможно гарантировать, что во всех моделях будет использован именно точь в точь этот набор данных – нередко приходиться подгонять данные в зависимости от ситуации. Но по умолчанию используется именно этот набор данных, все преобразования будут кратко описаны.

# Построение и валидация модели

# Программное описание модели и алгоритма обучения

# Основные элементы модели в pytorch

В этой главе мы сконцентрируемся на прикладных вопросах создания моделей искусственных нейронных сетей. На сегодняшний день нет готовых пакетов которые позволяют полноценно формировать модели нейронных сетей, вызвано это тем, что ходы которые делают инженеры соответствующей квалификации очень разнообразны и зачастую, даже, уникальны. Потому, удобнее всего использовать языки программирования для построения таких формул. Однако нам не придется все писать с нуля, разработаны и распространяются как open source проекты, ряд отличных библиотек языка программирования python3. Мы будем использовать разработанный кампанией facebook пакет-расширение pytorch[10]. Выбор пал на него благодаря его относительной простоте, по сравнению с разработанным в google пакетом tensor flow, и гибкости, по сравнению с надстройкой над tensor flow под названием keras.

Заметим, что эта глава будет содержать куда больше технических деталей, так как в ней описывается центральный для этой работы алгоритм.

Весь и самый актуальный код для построения модели распложен в указанном выше репозитории в папке «model». Ключевые его элементы будут представлены в приложении З и подробно описаны в этом разделе.

Любая искусственная сеть формируемая в pytorch обязательно должна содержать следующие элементы:

* Класс, наследник класса «torch.nn.Module» описывающий в общем виде нейронную сеть требуемой идентификационной формы и, соответственно, экземпляр этого класса;
* Целевая функция, в виде экземпляра одного из классов сформированных в модуле «torch.nn». Полный список готовых целевых функций представлен на сайте документации pytorch[14];
* Так называемый оптимизатор ­– алгоритм оценки параметров модели, в виде экземпляра одного из классов модуля «torch.optim». Полный список возможных оптимизаторов представлен на сайте документации pytorch[15].

В первой главе работы, касаемо идентификационной формы модели мы определились лишь с тем, что выходной слой представляет собой единственный сигмоидальный нейрон, а в срытых слоях содержатся ReLU нейроны. Неопределенными остаются число скрытых слоев нейронной сети и количесво нейронов в них входящее. Эти факты прямо повлияли на описание класса нейронной сети.

Названный класс представлен на листинге З.1. Подробно разберем этот класс. Метод «\_\_init\_\_» в python – зарезервированный метод под конструктор. Конструктором называется методы вызываемый при создание экземпляра класса. В нашем случае конструктор принимает список «neur\_counts» в качестве аргумента. Это должен быть список из целых чисел каждое число представляет собой число нейронов в соответствующем слое начиная с входного слоя. В нем не следует указывать выходной слой, это по умолчанию один нейрон. Так для создания экземпляра описывающего сеть с тремя входами и двумя скрытыми слоями, по 2 и 3 нейронами соответственно надо будет записать:

ResultNet([3,2,3]).

Такой подход обеспечит нам возможность создания моделей различных идентификационных форм «на лету» – можно будет в циклах перебирать различные идентификационные формы не прибегая к изменению кода класса.

Библиотека pytorch использует несколько другой тип формального представления сети, нейроном называется то, что мы в торической главе называли сумматорной функцией, а потом к ним применяются такие преобразования, которые мы называли активационной функцией. В результате, никакой разницы, но сначала может создавать некоторый диссонанс теории и практики. Так конструктор создает словарь «layers» в котором последовательно указываются слои, как экземпляры класса «nn.Linear», реализующие линейную комбинацию (1.11). Для создания нужно казать число выходных активаций предыдущего слоя и число выходных активаций создаваемого слоя (число нейронов в этом слое). Созданный нами класс все это проделывает автоматически. Кроме того мы заполнили веса и свободные члены каждого слоя случайными значениями, так формируется точка с которой алгоритм будет начинать процесс оптимизации. Лучшим решением для такой ситуации было бы указать примерное решение, но у нас нет идей как оно должно выглядеть, потому будет заполнение случайными весами.

Класс нейронной сети в pythorch должен содержать в себе метод «forward». Основная цель этого метода применять к входной матрице *X* входных данныхнейронную сеть в текущем её состоянии. Тут последовательно, в цикле перебираются слои созданные конструктором (все кроме последнего), на каждой итерации *X* подставляется в советующий слой, а результат в функцию «torch.nn.functional.relu», которая и представляем собой ReLU преобразование. Полученная матрица заменят *X* вышедший из предыдущего слоя. Последним действием применяется «torch.sigmoid» который реализует активацию выходного нейрона, полученное значение становиться возвращаемым значением метода «forward».

Что касается целевой функции мы использовали бинарную кросс-энтропию. Эта функция рекомендована документацией pytorch к использованию в случае задач бинарной классификации[14]. Она реализуется как экземпляр класса «torch.nn.BCELoss». При создании не требуется никаких аргументов.

Оптимизаторы в pytoch наследуются от базового класса «torch.optim.Optimizer». Любому наследнику следует передавать первым аргументом параметры нейронной сети, обычно они идут в формате «torch.Tensor» и должны быть извлечены из экземпляра нейронной сети, то есть в нашем случае это должно выглядеть так:

model = ResultNet(layers\_list)

optimizer = Some\_optimizer\_class(model.parameters())

где layers\_list – предварительно объявленный список слоев;

Some\_optimizer\_class – выбранный наследник.

Работает это следующим образом: model.parameters() возвращает параметры нейронной сети, а optimizer «запоминает» их и, по вызову его метода «step()», изменяет их в зависимости от ситуации. Более подробно этот механизм будет раскрыт далее, когда мы непосредственно коснемся вопроса обучения нейронной сети.

Конкретные алгоритмы оптимизации реализованы в наследниках. Нигде не удалось найти рекомендаций или указаний, какой вид алгоритма лучше всего использовать в нашем случае, мы всегда используем «torch.optim.Adam», потому как он нередко приводиться в примерах к задачам классификации.

# Реализация алгоритма обучения

В самом базовом случае для обучения модели нужны следующие шаги:

* Обнулить градиент оптимизатора с прошлой итерации используя метод «torch.optim.Optimizer.zero\_grad»;
* Произвести прямое распространение активации используя описанный выше метод «forward» экземпляра модели. Нет необходимости вызвать метод напрямую, для «torch.nn.Module» произведено переопределение оператора «()», так что он вызывает «forward» автоматически для переданных аргументов. Соответственно, все наследники, если в них, конечно, оператор не переопределен повторно будут действовать также;
* Предсказанные результаты с реальными откликами передаются в экземпляр целевой функции, для которого также переопределен «()». Будет получена ошибка – объект класса «torch.tensor»;
* У полученной ошибки вызывают метод «baskward», который представляет собой ничто иное как реализацию обратного распространения ошибки, алгоритма о котором мы говорили в подразделе 1.4. В результате оптимизатор получает информацию об градиенте;
* В последнюю очередь вызывают метод «step» оптимизатора, тут то и происходит каждое смещение весов.

============================

Описанные шаги повторяются много раз, так добиваются оптимизации весов. Данный подход самый базовый и его не достаточно в большинстве случаев. Оказалось недостаточно и в нашем, потому для обучения модели был создан класс «model\_traner», представленный на листинге 3.2. В названном классе использованы различные тонкие техники, позволяющие проводить обучение более эффективно.

Конструктор класса обязательно ожидает модель, оптимизатор и целевую функцию, кроме того имеется именованный аргумент «lr\_scheduler» сущность которого будет раскрыта ниже, когда речь коснется соответствующей техники.

Обыденной практикой машинного обучения считается разбиение выборки на тренировочную и тестовую. Дело в том, что нейронная сеть – очень мощный метод аппроксимации, нередко получается так, что модель не улавливает закономерность, а просто запоминает выборку на которой училась, это ведет к тому, что она необоснованно ошибается на данных которых не видела, такую ситуацию в машинном обучении называют переобучением модели[машинное обучение с.127]. Разбиение на тренировочную и тестовую выборки решает эту проблему – выгодно отслеживать целевую функцию и проводить валидацию модели на выборке которая не участвовала в обучении, несмотря на то, что для оценки коэффициентов будет задействован не весь массив данных. Мы рассказываем об этом именно тут, потому как дальнейшее описание класса обучающего модель неразрывно связано с этой практикой.

Особого внимания заслуживает метод «fit» – центральный этого класса. В названном методе, по сути, и работают шаги обучения модели. Этот метод обязательно принимает аргументы «train\_loader» и «test\_loader». В терминах «tytorch» это загрузчики данных, соответственно получаем загрузчик обучающих и тестовых данных.

Загрузчики позволяют «элегантно» реализовать еще одну важную для данной работы технику – обучения модели по эпохам. Эпохой [создаем нейронную сеть 202]

# ЗАКЛЮЧЕНИЕ

**СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ**

1. Флах, П. Машинное обучение. Наука и искусство построения алгоритмов, которые извлекают знания из данных / П. Флах; пер. с англ. А.А. Слинкина. – М.: ДМК Пресс, 2015. – 400с.
2. Введение в статистическое обучение с примерами на языке R / Г. Джеймс [и др.]; пер с англ. С.Э. Мастицкого. – М.: МДК Пресс, 2017. – 456 с.
3. Hosmer, D.W. Applied Logistic Regression / D.W. Hosmer, J.S. Lemeshow // University of Massachusetts. – 2nd ed. – 2000. – 376 p.
4. Микелуччи У. Прикладное глубокое обучение. Подход к пониманию глубоких нейронных сетей на основе метода кейсов/ У. Микелуччи; пер. с англ. – СПб: БХВ-Петербург, 2020. – 368 с.
5. Грас Дж. Data Science. Наука о данных с нуля/ Дж. Грас; Пер. с англ. – СПб.: БХВ-Петербург, 2017. – 336с.:
6. Pandas, main page [Electronic resource]. – 02.04.2022.. – Mode of access: <https://pandas.pydata.org/>. – Date of access: 10.04.2022.
7. Numpy, main page [Electronic resource]. – 2022. – Mode of access: <https://numpy.org/>. – Date of access: 10.04.2022.
8. Scipy, main page [Electronic resource]. – 05.02.2022. – Mode of access: <https://scipy.org/>. – Date of access: 10.04.2022.
9. Scikit-learn, machine learning in python [Electronic resuorce]. – 2021. – Mode of access: <https://scikit-learn.org/stable/>. – Date of access: 10.04.2022.
10. PyTorch, main page [Electronic resource]. – Mode of access: <https://pytorch.org/>. – Date of access: 10.04.2022.
11. Виды экономической деятельности, общегосударственный классификатор Республики Беларусь. – Минск, 2011. ­– 364с.
12. Выброс (статистика)/ Википедия, свободная энциклопедия [Электронный ресурс]. – 2021. – Режим доступа: [https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%92%D1%8B%D0%B1%D1%80%D0%BE%D1%81\_(%D1%81%D1%82%D0%B0%D1%82%D0%B8%D1%81%D1%82%D0%B8%D0%BA%D0%B0)](https://ru.wikipedia.org/wiki/Выброс_(статистика)). – Дата доступа: 10.04.2022.
13. Lopes, R.H.C. The two-dimentional Kolmogorov-Smirnov test/ R.H.C. Lopes, I. Reid, P.R. Hobson // XI International Workshop on Advanced Computing and Analysis Techniques in Physics Research. – 2007. – Amsterdam, Netherlands.
14. Loss functions/ PYTORCH DOCUMENTATION [Electronic resource]. – Mode of access: [https://pytorch.org/docs/stable/nn.html#loss-functions](https://pytorch.org/docs/stable/nn.html" \l "loss-functions). – Date of access: 16.04.2022.
15. TORCH.OPTIM/ PYTORCH DOCUMENTATION [Electronic resource]. – Mode of access: https://pytorch.org/docs/stable/optim.html. – Date of access: 16.04.2022.
16. Пойнтер, Я. Программируем с PyTorch: Создание приложений глубокого обучения/ Я. Пойнтер. – СПб.: Питер, 2020. – 256с.

# ПРИЛОЖЕНИЕ А Визуализация сигмоиды двух переменных



**Рисунок А.1 – Сигмоида линейной модели двух переменных**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок А.2 – Сигмоида кусочно-линейной модели двух переменных**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ Б Архитектуры с сигмоидой на выходном слое



**Рисунок Б.1 – Логистическая регрессия как нейронная сеть**

Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок Б.2 – Центральная архитектура сетей используемая в работе**Примечание ­­­– Источник: собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ В Обобщённые программные функции процессинга данных

import pandas as pd

import numpy as np

types\_natural\_names = {

"datetime64[ns]" : 'Дата',

"category" : "Номинативная",

"bool" : "Номинативная",

"int64" : "Целое число",

"int32" : "Целое число",

"float64": "Действительное число"

}

def get\_col\_av\_values(col):

'''Получить область допустимых значений колонки'''

if pd.api.types.is\_numeric\_dtype(col):

return "[" + str(np.min(col)) + ";" + str(np.max(col)) + ']'

if pd.api.types.is\_datetime64\_any\_dtype(col):

return "[" + np.min(col).strftime("%d.%m.%Y") + ";" +\

np.max(col).strftime("%d.%m.%Y") + ']'

else:

return str(col.cat.categories.tolist())[1:-1].replace("'", "")

def get\_col\_cat\_count(col):

'''получить для категориальной переменной число

уровней, а для численной "-"'''

if pd.api.types.is\_numeric\_dtype(col) or\

pd.api.types.is\_datetime64\_any\_dtype(col):

return "-"

else:

return len(col.cat.categories)

def get\_data\_frame\_settings(df):

result = pd.DataFrame(columns = [

'Тип данных',

'Область допустимых значений',

'Число допустимых значений',

'Число пропусков'

])

for col in df.columns:

result.loc[col, :] = [

df[col].dtype,

get\_col\_av\_values(df[col]),

get\_col\_cat\_count(df[col]),

sum(df[col].isna())

]

result["Тип данных"] = result["Тип данных"].replace(types\_natural\_names)

return result

**Листинг В.1 – Функция python3 для получения описания типов данных столбцов произвольного pandas.DataFrame**

Примечания

1 Источник: собственная разработка.

2 Для корректной работы функций предварительно необходимо установить библиотеки pandas, numpy.

def get\_describes(df):

result = pd.DataFrame()

for col in df:

result[col] = df[col].describe()

return result

**Листинг В.2 – Функция python3 для получения описательных статистик произвольного pandas.DataFrame**

Примечания

1 Источник: собственная разработка.

2 Для корректной работы функций предварительно необходимо установить библиотеку pandas.

import numpy as np

# this file represents several of fucntions wich

# can be used for emissions management

def get\_frame\_quantiles\_25\_75(col):

'''The function returns 25 and 75 persentiles of getted column'''

# inputs:

# col - column which persentiles to be computed

# output:

# {'25%': <25th persentile>, "75%":<75th persentile>}

descr = col.describe()

return {'25%' : descr['25%'], '75%' : descr['75%']}

def get\_selcond\_emiss\_25\_75(col, constant = 1.5, cut\_type = "both" ):

'''Funciton for getting selection condition from

column, which that will get rid of the emissions.

According with rule: https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%92%D1%8B%D0%B1%D1%80%D0%BE%D1%81\_(%D1%81%D1%82%D0%B0%D1%82%D0%B8%D1%81%D1%82%D0%B8%D0%BA%D0%B0),

'''

#inputs:

# col - pandas.Series column which emissions needs to be cleared

# constan - int which adjusts the width of the deleted interval

# but\_type - "left": deletes only left tale

# "right": deletes only right tale

# "both": deletes both tales

# outputs:

# pd.Seires with boolean type - False if the observation interpreted as an emission

# else True

result = np.ones(col.shape).astype('bool')

quant = get\_frame\_quantiles\_25\_75(col)

range\_25\_75 = quant['75%'] - quant['25%']

if (cut\_type == "right") | (cut\_type == "both"):

result = result & (col <= (quant['75%'] + range\_25\_75 \* constant))

if (cut\_type == "left") | (cut\_type == "both"):

result = result & (col >= (quant['25%'] - range\_25\_75 \* constant))

result[col.isna()] = True

return result

def cut\_emissioins(col):

return col[em.get\_selcond\_emiss\_25\_75(col, cut\_type = 'right')]

**Листинг В.3 – Функция python3 для очистки выбросов по правилу (2.1)**

Примечания

1 Источник: собственная разработка.

2 Для корректной работы функций предварительно необходимо установить библиотеку numpy.

# ПРИЛОЖЕНИЕ Г Данные на разных этапах обработки

**Таблица Г.1 – Начальный формат данных.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Название показателя | Тип данных | Область допустимых значений | Число допустимых значений | Число пропусков |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Автомобиль год выпуска1 | Дата | [18.01.1986;22.12.2019] | - | 202744 |
| Автомобиль год выпуска2 | Дата | [22.01.1986;10.11.2019] | - | 245403 |
| Автомобиль год выпуска3 | Дата | [11.03.1987;30.05.2019] | - | 246960 |
| Воинская служба | Номинативная | военнослужащий, другое, не отслужил, невоеннообязанный, отсрочка, призывник, уволен в запас | 7 | 108914 |
| Количество детей | Действительное число | [1.0;10.0] | - | 161319 |
| Количество иждивенцев | Действительное число | [1.0;10.0] | - | 237508 |
| Недвижимость | Номинативная | есть, нет | 2 | 40 |
| Образование | Номинативная | высшее, незаконченное высшее, неполное среднее, среднее, среднее специальное | 5 | 70933 |
| Отношение к банку | Номинативная | акционер, другое, не имеет отношения, работник | 4 | 1060 |
| Работа занимаемая должность | Номинативная | безработный (временно не работающий), государственный служащий, заместитель руководителя, индивидуальный предприниматель, пенсионер, рабочий, руководитель, специалист, студент | 9 | 0 |

**Продолжение таблицы Г.1.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Работа последнее место стаж лет | Действительное число | [-998.0;50.0] | - | 1035 |
| Работа уровень дохода BYR | Действительное число | [-1500.0;92207.0] | - | 923 |
| Семейное положение | Номинативная | вдовец/вдова, женат/замужем, повторный брак, разведен/разведена, холост/не замужем | 5 | 63178 |
| Собственная квартира | Номинативная | есть, нет | 2 | 40 |
| Собственный дом | Номинативная | есть, нет | 2 | 40 |
| Уголовная ответственность | Номинативная | есть, нет | 2 | 40 |
| Адрес проживания - Населенный пункт | Номинативная | Название населенного пункта | 6122 | 0 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | Номинативная | Агрогородок, Город, Городcкой поселок, Деревня, Курортный поселок, Поселок сельского типа, Рабочий поселок, Село, Сельский населенный пункт, Хутор | 10 | 80333 |
| Вид деятельности по ОКЭД | Номинативная | Вид деятельности по ОКЭД | 44 | 15253 |
| Гражданин РБ | Номинативная | Без гражданства, Другое, РБ | 3 | 68942 |
| Дата регистрации договора | Дата | [04.01.2016;21.12.2020] | - | 0 |
| Дата рождения | Дата | [03.01.1878;30.09.2002] | - | 0 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | Номинативная | есть, нет | 2 | 137919 |
| Количество действующих договоров обеспечения | Действительное число | [0.0;44.0] | - | 179682 |
| Количество действующих кредитных договоров | Действительное число | [0.0;26.0] | - | 149948 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | Действительное число | [0.0;15.0] | - | 135276 |

**Продолжение таблицы Г.1.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | Действительное число | [0.0;284.0] | - | 165097 |
| Максимальное количество дней просрочки | Действительное число | [0.0;4471.0] | - | 172113 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | Действительное число | [0.0;122.08] | - | 139103 |
| Наличие кредитной истории | Номинативная | есть, нет | 2 | 134471 |
| Общее количество запросов в КБ | Действительное число | [0.0;222.0] | - | 135276 |
| Отношение факт срока к плановому при прекращении КД | Действительное число | [0.0;10000.0] | - | 145229 |
| Причина прекращения договора | Номинативная | Прекращение договора исполнением, Прекращение договора по иным основаниям предусмотренным законодательством Республики Беларусь, Прекращение договора по решению суда, Прощение долга | 4 | 151260 |
| Сумма кредитных лимитов | Действительное число | [0.0;678562.6] | - | 149948 |
| Дата планируемого закрытия | Дата | [20.05.2016;20.07.2058] | - | 10566 |
| Дата фактического закрытия | Дата | [15.01.2016;08.07.2021] | - | 107885 |
| Кредитный продукт | Номинативная | Название кредитного продукта | 262 | 748 |
| Овердрафт | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Сумма договора | Действительное число | [-549.81;600000.0] | - | 0 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | Номинативная | 1, 2, более 2-х | 3 | 118779 |

**Окончание таблицы Г.1.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Место работы | Номинативная | Наименование предприятия | 123712 | 1445 |
| Пол | Номинативная | Ж, М | 2 | 0 |
| Социальная группа | Номинативная | безработный, индивидуальный предприниматель, пенсионер, работающий по найму, служащий, учащийся | 6 | 89495 |
| Дефолт | Целое число | [0;1693] | - | 0 |
| Код подразделения | Номинативная | 739-100, 739-200, 739-200-202, 739-200-203, 739-200-228, 739-300, 739-400, 739-600, 739-800, 739-800-831, 739-900, 739-900-500, 739-900-527, 739-900-535, 739-900-536, 739-900-537, 739-900-538, 739-900-905, 739-900-906, 739-900-907, 739-900-932, 739-900-933 | 22 | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Таблица Г.2 – Формат данных после предварительной обработки**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Название показателя | Тип данных | Область допустимых значений | Число допустимых значений | Число пропусков |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Автомобиль год выпуска1 | Действительное число | [-2150.0;10241.0] | - | 195030 |
| Автомобиль год выпуска2 | Действительное число | [-2146.0;10199.0] | - | 234900 |
| Автомобиль год выпуска3 | Действительное число | [-1733.0;10035.0] | - | 236396 |
| Воинская служба | Номинативная | военнослужащий, невоеннообязанный, уволен в запас, не отслужил, отсрочка, другое, призывник, nan | 8 | 108124 |
| Количество детей | Действительное число | [1.0;9.0] | - | 155538 |

**Продолжение таблицы Г.2.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Количество иждивенцев | Действительное число | [1.0;10.0] | - | 227405 |
| Недвижимость | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Образование | Номинативная | среднее специальное, высшее, среднее, незаконченное высшее, неполное среднее, nan | 6 | 70250 |
| Отношение к банку | Номинативная | не имеет отношения, работник, акционер, другое | 4 | 0 |
| Работа занимаемая должность | Номинативная | специалист, рабочий, руководитель, заместитель руководителя, государственный служащий, пенсионер, студент, индивидуальный предприниматель | 8 | 0 |
| Работа последнее место стаж лет | Действительное число | [-998.0;50.0] | - | 369 |
| Работа уровень дохода BYR | Действительное число | [-1500.0;92207.0] | - | 769 |
| Семейное положение | Номинативная | женат/замужем, холост/не замужем, разведен/разведена, вдовец/вдова, повторный брак, nan | 6 | 63143 |
| Собственная квартира | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Собственный дом | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |
| Уголовная ответственность | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |
| Адрес проживания - Населенный пункт | Номинативная | витебск, минск, другой, брест, гомель, могилев, гродно | 7 | 0 |

**Продолжение таблицы Г.2.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | Номинативная | Город, Деревня, Городcкой поселок, Агрогородок, Рабочий поселок, Поселок сельского типа, Сельский населенный пункт, nan, Курортный поселок, Село, Хутор | 11 | 80329 |
| Гражданин РБ | Номинативная | РБ, Другое, Без гражданства, nan | 4 | 68942 |
| Дата рождения | Действительное число | [-41611.0;3949.0] | - | 0 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | Номинативная | nan, есть, нет | 3 | 134681 |
| Количество действующих договоров обеспечения | Действительное число | [0.0;44.0] | - | 173674 |
| Количество действующих кредитных договоров | Действительное число | [0.0;26.0] | - | 145639 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | Действительное число | [0.0;15.0] | - | 132363 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | Действительное число | [0.0;284.0] | - | 159481 |
| Максимальное количество дней просрочки | Действительное число | [0.0;4471.0] | - | 166015 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | Действительное число | [0.0;122.08] | - | 135529 |
| Наличие кредитной истории | Номинативная | nan, есть, нет | 3 | 131648 |
| Общее количество запросов в КБ | Действительное число | [0.0;222.0] | - | 132363 |
| Сумма кредитных лимитов | Действительное число | [0.0;678562.6] | - | 145639 |

**Окончание таблицы Г.2.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Сумма договора | Действительное число | [-549.81;600000.0] | - | 0 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | Номинативная | более 2-х, 1, 2, nan | 4 | 117790 |
| Пол | Номинативная | М, Ж | 2 | 0 |
| Социальная группа | Номинативная | служащий, работающий по найму, nan, учащийся, пенсионер, безработный, индивидуальный предприниматель | 7 | 89220 |
| Код подразделения | Номинативная | 739-600, 739-900, 739-900-500, 739-400, 739-900-536, 739-300, 739-900-932, 739-200-202, 739-800, 739-200, 739-800-831, 739-900-538, 739-900-905, 739-900-906, 739-900-535, 739-900-537, 739-200-228, 739-900-527, 739-200-203, 739-900-933, 739-900-907, 739-100 | 22 | 0 |
| Автомобиль год выпуска | Действительное число | [-2150.0;10241.0] | - | 194937 |
| Число авто | Целое число | [0;3] | - | 0 |
| Есть авто | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Срок кредита в днях | Действительное число | [65.0;14268.0] | - | 1 |
| Ежедневный платеж | Действительное число | [-2.924;196.241] | - | 1 |
| Столица | Номинативная | Нет, Да | 2 | 0 |
| Областной центр | Номинативная | Да, Нет | 2 | 0 |
| Y | Целое число | [0;1] | - | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Таблица Г.3 – Формат данных после очистки от выбросов**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Название показателя | Тип данных | Область допустимых значений | Число допустимых значений | Число пропусков |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Автомобиль год выпуска1 | Действительное число | [-2150.0;10241.0] | - | 195030 |
| Автомобиль год выпуска2 | Действительное число | [-2146.0;10199.0] | - | 234900 |
| Автомобиль год выпуска3 | Действительное число | [-1733.0;10035.0] | - | 236396 |
| Воинская служба | Номинативная | военнослужащий, невоеннообязанный, уволен в запас, не отслужил, отсрочка, другое, призывник, nan | 8 | 108124 |
| Количество детей | Действительное число | [1.0;9.0] | - | 155538 |
| Количество иждивенцев | Действительное число | [1.0;10.0] | - | 227405 |
| Недвижимость | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Образование | Номинативная | среднее специальное, высшее, среднее, незаконченное высшее, неполное среднее, nan | 6 | 70250 |
| Отношение к банку | Номинативная | не имеет отношения, работник, акционер, другое | 4 | 0 |
| Работа занимаемая должность | Номинативная | специалист, рабочий, руководитель, заместитель руководителя, государственный служащий, пенсионер, студент, индивидуальный предприниматель | 8 | 0 |
| Работа последнее место стаж лет | Действительное число | [-998.0;0.0] | - | 217748 |
| Работа уровень дохода BYR | Действительное число | [-1500.0;100.0] | - | 221099 |

**Продолжение таблицы Г.3.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Семейное положение | Номинативная | женат/замужем, холост/не замужем, разведен/разведена, вдовец/вдова, повторный брак, nan | 6 | 63143 |
| Собственная квартира | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Собственный дом | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |
| Уголовная ответственность | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |
| Адрес проживания - Населенный пункт | Номинативная | витебск, минск, другой, брест, гомель, могилев, гродно | 7 | 0 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | Номинативная | Город, Деревня, Городcкой поселок, Агрогородок, Рабочий поселок, Поселок сельского типа, Сельский населенный пункт, nan, Курортный поселок, Село, Хутор | 11 | 80329 |
| Гражданин РБ | Номинативная | РБ, Другое, Без гражданства, nan | 4 | 68942 |
| Дата рождения | Действительное число | [-41611.0;3949.0] | - | 0 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | Номинативная | nan, есть, нет | 3 | 134681 |
| Количество действующих договоров обеспечения | Действительное число | [0.0;44.0] | - | 173674 |
| Количество действующих кредитных договоров | Действительное число | [0.0;26.0] | - | 145639 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | Действительное число | [0.0;15.0] | - | 132363 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | Действительное число | [0.0;12.0] | - | 168714 |

**Продолжение таблицы Г.3.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Максимальное количество дней просрочки | Действительное число | [0.0;20.0] | - | 173510 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | Действительное число | [0.0;122.08] | - | 135529 |
| Наличие кредитной истории | Номинативная | nan, есть, нет | 3 | 131648 |
| Общее количество запросов в КБ | Действительное число | [0.0;23.0] | - | 136244 |
| Сумма кредитных лимитов | Действительное число | [0.0;20464.32] | - | 153215 |
| Сумма договора | Действительное число | [0.0;11600.0] | - | 20133 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | Номинативная | более 2-х, 1, 2, nan | 4 | 117790 |
| Пол | Номинативная | М, Ж | 2 | 0 |
| Социальная группа | Номинативная | служащий, работающий по найму, nan, учащийся, пенсионер, безработный, индивидуальный предприниматель | 7 | 89220 |
| Код подразделения | Номинативная | 739-600, 739-900, 739-900-500, 739-400, 739-900-536, 739-300, 739-900-932, 739-200-202, 739-800, 739-200, 739-800-831, 739-900-538, 739-900-905, 739-900-906, 739-900-535, 739-900-537, 739-200-228, 739-900-527, 739-200-203, 739-900-933, 739-900-907, 739-100 | 22 | 0 |
| Автомобиль год выпуска | Действительное число | [-2150.0;10241.0] | - | 194937 |
| Число авто | Целое число | [0;3] | - | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Окончание таблицы Г.3.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Есть авто | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Срок кредита в днях | Действительное число | [65.0;14268.0] | - | 1 |
| Ежедневный платеж | Действительное число | [0;6.668] | - | 12330 |
| Столица | Номинативная | Нет, Да | 2 | 0 |
| Областной центр | Номинативная | Да, Нет | 2 | 0 |
| Y | Целое число | [0;1] | - | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Таблица Г.4 – Формат данных подготовленных для построения модели**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Название показателя | Тип данных | Область допустимых значений | Число допустимых значений | Число пропусков |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Воинская служба | Номинативная | военнослужащий, невоеннообязанный, уволен в запас, не отслужил, отсрочка, призывник, другое, нет данных | 8 | 0 |
| Недвижимость | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Образование | Номинативная | среднее специальное, высшее, среднее, незаконченное высшее, неполное среднее, нет данных | 6 | 0 |
| Работа занимаемая должность | Номинативная | специалист, рабочий, руководитель, заместитель руководителя, государственный служащий, пенсионер, студент, индивидуальный предприниматель | 8 | 0 |
| Семейное положение | Номинативная | женат/замужем, холост/не замужем, разведен/разведена, вдовец/вдова, повторный брак, нет данных | 6 | 0 |
| Собственная квартира | Номинативная | есть, нет | 2 | 0 |
| Собственный дом | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |

**Продолжение таблицы Г.4.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Уголовная ответственность | Номинативная | нет, есть | 2 | 0 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | Номинативная | Город, Деревня, Городcкой поселок, Агрогородок, Рабочий поселок, Поселок сельского типа, Сельский населенный пункт, нет данных, Курортный поселок, Село, Хутор | 11 | 0 |
| Гражданин РБ | Номинативная | РБ, Другое, Без гражданства, нет данных | 4 | 0 |
| Дата рождения | Действительное число | [-41611.0;3949.0] | - | 0 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | Номинативная | нет данных, есть, нет | 3 | 0 |
| Наличие кредитной истории | Номинативная | нет данных, есть, нет | 3 | 0 |
| Сумма договора | Действительное число | [0.0;11600.0] | - | 0 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | Номинативная | более 2-х, 1, 2, нет данных | 4 | 0 |
| Пол | Номинативная | М, Ж | 2 | 0 |
| Социальная группа | Номинативная | служащий, работающий по найму, нет данных, учащийся, пенсионер, безработный, индивидуальный предприниматель | 7 | 0 |

**Окончание таблицы Г.4.**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| Код подразделения | Номинативная | 739-600, 739-900, 739-900-500, 739-400, 739-900-536, 739-300, 739-900-932, 739-200-202, 739-800, 739-200, 739-800-831, 739-900-538, 739-900-905, 739-900-906, 739-900-535, 739-900-537, 739-200-228, 739-900-527, 739-200-203, 739-900-933, 739-900-907, 739-100 | 22 | 0 |
| Y | Целое число | [0;1] | - | 0 |
| Количество действующих кредитных договоров | Действительное число | [0.0;26.0] | - | 0 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | Действительное число | [0.0;12.0] | - | 0 |
| Максимальное количество дней просрочки | Действительное число | [0.0;20.0] | - | 0 |
| Сумма кредитных лимитов | Действительное число | [0.0;20464.32] | - | 0 |
| Автомобиль год выпуска1 | Номинативная | <=3173.0, нет данных, >3173.0 | 3 | 0 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | Номинативная | нет данных, <=2.0, >2.0 | 3 | 0 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | Номинативная | нет данных, <=7.94, >7.94 | 3 | 0 |
| Общее количество запросов в КБ | Номинативная | нет данных, <=12.0, >12.0 | 3 | 0 |
| Срок кредита в днях | Номинативная | <=934.0, >934.0, нет данных | 3 | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ Д Графическая интерпретация TP, FP



**Рисунок Д.1 – Показатели классификации в строгой модели**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок Д.2 – Показатели классификации в лояльной модели**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок Д.3 – Взаимосвязь различий распределения и ROC кривой**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок Д.4 – ROC кривая в случае обмена распределений**

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ E ROC анализ для номинативной переменной

**Таблица Е.1 – Процесс изменения TPR и FPR номинативного предиктора**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | Решение |  |  |  |  |
| *m* | , | 0 | 0 | 0 | 0 |
| *m-1* | , |  |  |  |  |
| *m-2* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *u* | , |  |  |  |  |
| *u-1* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *j+1* | , |  |  |  |  |
| *j* | , |  |  |  |  |
| *j-1* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *s* | , |  |  |  |  |
| *s-1* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *i+1* | , |  |  |  |  |
| *i* | , |  |  |  |  |
| *i-1* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *r* | , |  |  |  |  |
| *r-1* | , |  |  |  |  |
| *…* | … | … | … | … | … |
| *1* | , |  |  |  |  |
| *0* |  | 1 | 1 |  |  |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.



**Рисунок Е.1 –Общий вид ROC кривой.**

Приложение ­– источник собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ Ж ROC анализ данных для модели

**Таблица Ж.1 – Оценки классифицирующей способности отдельных предикторов**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Показатель | AUC | KS | p-значение | Пропуски | Пропуски Нет дефолта% | Пропуски Дефолт% |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Автомобиль год выпуска1 | 0,572 | 0,121 | 0,000 | 195030 | 96,972 | 3,028 |
| Автомобиль год выпуска2 | 0,613 | 0,239 | 0,000 | 234900 | 96,935 | 3,065 |
| Автомобиль год выпуска3 | 0,768 | 0,530 | 0,013 | 236396 | 96,924 | 3,076 |
| Воинская служба | 0,669 | 0,301 | 0,000 | 108124 | 98,884 | 1,116 |
| Количество детей | 0,511 | 0,023 | 0,092 | 155538 | 97,262 | 2,738 |
| Количество иждивенцев | 0,552 | 0,106 | 0,003 | 227405 | 96,927 | 3,073 |
| Недвижимость | 0,526 | 0,052 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Образование | 0,666 | 0,254 | 0,000 | 70250 | 99,162 | 0,838 |
| Отношение к банку | 0,505 | 0,010 | 0,480 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Работа занимаемая должность | 0,649 | 0,284 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Работа последнее место стаж лет | 0,500 | 0,001 | 1,000 | 217748 | 97,149 | 2,851 |
| Работа уровень дохода BYR | 0,507 | 0,018 | 1,000 | 221099 | 96,816 | 3,184 |
| Семейное положение | 0,653 | 0,216 | 0,000 | 63143 | 99,012 | 0,988 |
| Собственная квартира | 0,513 | 0,025 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Собственный дом | 0,511 | 0,021 | 0,003 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Уголовная ответственность | 0,516 | 0,031 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Адрес проживания - Населенный пункт | 0,538 | 0,072 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | 0,621 | 0,222 | 0,000 | 80329 | 98,873 | 1,127 |
| Гражданин РБ | 0,593 | 0,184 | 0,000 | 68942 | 98,808 | 1,192 |
| Дата рождения | 0,560 | 0,095 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | 0,606 | 0,187 | 0,000 | 134681 | 97,903 | 2,097 |

**Окончание таблицы Ж.1.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Количество действующих договоров обеспечения | 0,512 | 0,028 | 0,073 | 173674 | 97,070 | 2,930 |
| Количество действующих кредитных договоров | 0,559 | 0,072 | 0,000 | 145639 | 97,743 | 2,257 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | 0,570 | 0,109 | 0,000 | 132363 | 97,989 | 2,011 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | 0,650 | 0,242 | 0,000 | 168714 | 97,274 | 2,726 |
| Максимальное количество дней просрочки | 0,652 | 0,257 | 0,000 | 173510 | 97,238 | 2,762 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | 0,539 | 0,083 | 0,000 | 135529 | 97,886 | 2,114 |
| Наличие кредитной истории | 0,600 | 0,201 | 0,000 | 131648 | 97,998 | 2,002 |
| Общее количество запросов в КБ | 0,537 | 0,074 | 0,000 | 136244 | 97,769 | 2,231 |
| Сумма кредитных лимитов | 0,544 | 0,078 | 0,000 | 153215 | 97,637 | 2,363 |
| Сумма договора | 0,651 | 0,275 | 0,000 | 20133 | 98,425 | 1,575 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | 0,590 | 0,168 | 0,000 | 117790 | 97,925 | 2,075 |
| Пол | 0,542 | 0,084 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Социальная группа | 0,615 | 0,210 | 0,000 | 89220 | 98,525 | 1,475 |
| Код подразделения | 0,689 | 0,304 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска | 0,571 | 0,119 | 0,000 | 194937 | 96,974 | 3,026 |
| Число авто | 0,508 | 0,015 | 0,100 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Есть авто | 0,507 | 0,015 | 0,100 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Срок кредита в днях | 0,635 | 0,283 | 0,000 | 1 | 100,000 | 0,000 |
| Ежедневный платеж | 0,538 | 0,083 | 0,000 | 12330 | 97,405 | 2,595 |
| Столица | 0,522 | 0,044 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Областной центр | 0,529 | 0,059 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Таблица Ж.2 – Оценки классифицирующей численных предикторов и их производных**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Показатель | AUC | KS | p-значение | Пропуски | Пропуски Нет дефолта% | Пропуски Дефолт% |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Автомобиль год выпуска1 | 0,572 | 0,121 | 0,000 | 195030 | 96,972 | 3,028 |
| Автомобиль год выпуска1 (бинарный) | 0,507 | 0,014 | 0,134 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска1 (пропуск => 0) | 0,501 | 0,015 | 0,084 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска1 (разбивка по KS) | 0,520 | 0,029 | 0,000 | 195030 | 96,972 | 3,028 |
| Автомобиль год выпуска2 | 0,613 | 0,239 | 0,000 | 234900 | 96,935 | 3,065 |
| Автомобиль год выпуска2 (бинарный) | 0,502 | 0,005 | 0,999 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска2 (пропуск => 0) | 0,502 | 0,004 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска2 (разбивка по KS) | 0,502 | 0,005 | 0,999 | 234900 | 96,935 | 3,065 |
| Автомобиль год выпуска3 | 0,768 | 0,530 | 0,013 | 236396 | 96,924 | 3,076 |
| Автомобиль год выпуска3 (бинарный) | 0,500 | 0,001 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска3 (пропуск => 0) | 0,500 | 0,000 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Автомобиль год выпуска3 (разбивка по KS) | 0,501 | 0,001 | 1,000 | 236396 | 96,924 | 3,076 |
| Количество действующих кредитных договоров | 0,559 | 0,072 | 0,000 | 145639 | 97,743 | 2,257 |

**Продолжение таблицы Ж.2.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Количество действующих кредитных договоров (бинарный) | 0,585 | 0,170 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество действующих кредитных договоров (пропуск => 0) | 0,598 | 0,184 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество действующих кредитных договоров (разбивка по KS) | 0,592 | 0,170 | 0,000 | 145639 | 97,743 | 2,257 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | 0,570 | 0,109 | 0,000 | 132363 | 97,989 | 2,011 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней (бинарный) | 0,600 | 0,200 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней (пропуск => 0) | 0,580 | 0,150 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней (разбивка по KS) | 0,612 | 0,200 | 0,000 | 132363 | 97,989 | 2,011 |
| Количество иждивенцев | 0,552 | 0,106 | 0,003 | 227405 | 96,927 | 3,073 |
| Количество иждивенцев (бинарный) | 0,501 | 0,002 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество иждивенцев (пропуск => 0) | 0,501 | 0,004 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество иждивенцев (разбивка по KS) | 0,502 | 0,003 | 1,000 | 227405 | 96,927 | 3,073 |

**Продолжение таблицы Ж.2.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | 0,650 | 0,242 | 0,000 | 168714 | 97,274 | 2,726 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу(бинарный) | 0,542 | 0,084 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу (пропуск => 0) | 0,565 | 0,120 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу (разбивка по KS) | 0,555 | 0,110 | 0,000 | 168714 | 97,274 | 2,726 |
| Максимальное количество дней просрочки | 0,652 | 0,257 | 0,000 | 173510 | 97,238 | 2,762 |
| Максимальное количество дней просрочки (бинарный) | 0,539 | 0,078 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Максимальное количество дней просрочки (пропуск => 0) | 0,566 | 0,126 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Максимальное количество дней просрочки (разбивка по KS) | 0,539 | 0,078 | 0,000 | 173510 | 97,238 | 2,762 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | 0,539 | 0,083 | 0,000 | 135529 | 97,886 | 2,114 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах(бинарный) | 0,593 | 0,185 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |

**Продолжение таблицы Ж.2.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах (пропуск => 0) | 0,580 | 0,182 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах (разбивка по KS) | 0,603 | 0,185 | 0,000 | 135529 | 97,886 | 2,114 |
| Общее количество запросов в КБ | 0,537 | 0,074 | 0,000 | 136244 | 97,769 | 2,231 |
| Общее количество запросов в КБ(бинарный) | 0,582 | 0,164 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Общее количество запросов в КБ(пропуск => 0) | 0,586 | 0,151 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Общее количество запросов в КБ(разбивка по KS) | 0,590 | 0,164 | 0,000 | 136244 | 97,769 | 2,231 |
| Срок кредита в днях | 0,635 | 0,283 | 0,000 | 1 | 100,000 | 0,000 |
| Срок кредита в днях(бинарный) | 0,500 | 0,000 | 1,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Срок кредита в днях (пропуск => 0) | 0,635 | 0,283 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Срок кредита в днях (разбивка по KS) | 0,641 | 0,283 | 0,000 | 1 | 100,000 | 0,000 |
| Сумма договора | 0,651 | 0,275 | 0,000 | 20133 | 98,425 | 1,575 |
| Сумма договора (бинарный) | 0,521 | 0,043 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Сумма договора (пропуск => 0) | 0,653 | 0,286 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Сумма договора (разбивка по KS) | 0,631 | 0,262 | 0,000 | 20133 | 98,425 | 1,575 |

**Окончание таблицы Ж.2.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Сумма кредитных лимитов | 0,544 | 0,078 | 0,000 | 153215 | 97,637 | 2,363 |
| Сумма кредитных лимитов (бинарный) | 0,578 | 0,155 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Сумма кредитных лимитов (пропуск => 0) | 0,588 | 0,173 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 |
| Сумма кредитных лимитов (разбивка по KS) | 0,584 | 0,166 | 0,000 | 153215 | 97,637 | 2,363 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

**Таблица Ж.3. – Оценки классифицирующей способности показателей вошедших на этап моделирования**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Показатель | AUC | KS | p-значение | Пропуски | Пропуски Нет дефолта% | Пропуски Дефолт% |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Воинская служба | 0,651 | 0,210 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Недвижимость | 0,530 | 0,059 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Образование | 0,671 | 0,259 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Работа занимаемая должность | 0,653 | 0,294 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Семейное положение | 0,661 | 0,224 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Собственная квартира | 0,514 | 0,029 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Собственный дом | 0,511 | 0,021 | 0,005 | 0 | 0 | 0 |
| Уголовная ответственность | 0,516 | 0,033 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Адрес проживания - Тип населенного пункта | 0,633 | 0,249 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Гражданин РБ | 0,604 | 0,207 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Дата рождения | 0,566 | 0,101 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |

**Продолжение таблицы Ж.3.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Был ли хоть один договор прекращен досрочно | 0,619 | 0,213 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Наличие кредитной истории | 0,614 | 0,228 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Сумма договора | 0,651 | 0,275 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Количество потребляемых банковских продуктов | 0,596 | 0,176 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Пол | 0,543 | 0,085 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Социальная группа | 0,628 | 0,237 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Код подразделения | 0,705 | 0,337 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Количество действующих кредитных договоров | 0,602 | 0,196 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Количество фактов просрочки по основному долгу | 0,568 | 0,126 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Максимальное количество дней просрочки | 0,568 | 0,130 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Сумма кредитных лимитов | 0,592 | 0,184 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Автомобиль год выпуска1 | 0,516 | 0,032 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Количество запросов в КБ за последние 30 дней | 0,625 | 0,227 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Максимальный срок, на который заключался договор, в годах | 0,615 | 0,211 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |

**Окончание таблицы Ж.3.**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| Общее количество запросов в КБ | 0,602 | 0,192 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |
| Срок кредита в днях | 0,661 | 0,322 | 0,000 | 0 | 0 | 0 |

Примечание ­– Источник: собственная разработка.

# ПРИЛОЖЕНИЕ З Алгоритм оценки параметров

import torch.nn as nn

class ResultNet(nn.Module):

'''Нейронная сеть в общем виде'''

def \_\_init\_\_(self, neur\_counts):

super(ResultNet, self).\_\_init\_\_()

# предполагаяется что выходной нейрон

# всего один и пользователю не надо

# его объявлять

neur\_counts = neur\_counts.copy() + [1]

# динамическое

# добавление слоев

layers = OrderedDict()

for i in range(len(neur\_counts) - 1):

layers[str(i)] = (

nn.Linear(

neur\_counts[i],

neur\_counts[i+1]

)

)

layers[str(i)].weight = \

nn.Parameter(

torch.rand(

layers[str(i)].weight.size()

)

)

layers[str(i)].bias = \

nn.Parameter(

torch.rand(

layers[str(i)].bias.size()

)

)

self.layers = nn.Sequential(layers)

def forward(self, x):

for layer in self.layers[:-1]:

x = F.relu(layer(x))

x = torch.sigmoid(self.layers[-1](x))

return x

**Листинг З.1 – Класс описывающий модель использованную в работе**

Примечания

1 Источник: собственная разработка на основе [16 с.47].

2 Для корректной работы функций предварительно необходимо установить библиотеку numpy.

1. https://github.com/Dranikf/diplom\_project [↑](#footnote-ref-2)
2. https://github.com/Dranikf/classification\_power\_predictor [↑](#footnote-ref-3)